

تأليف زياودن ساردر جيرى رافتز بورين فان لون ترجمة ممدوح عبد المنعم محمد مراجعة وإشراف وتقديم إمام عبد الفتاح إمام





# Introducing... Mathematics

## Ziauddin Sardar Jerry Ravetz Borin Van Loon

## أفدم لك ... صده السلسلة!

ليست أفكار الفلسفة هي وحدها الغامضة، بل هناك أيضًا كثرة كثيرة من الأفكار العلمية - في جميع العلوم تقريبًا بلا استثناء - يصعب على القارئ غير المتخصص أن يستوعبها بسهولة، ومن ثم فهي تحتاج إلى شرح وإيضاح بالرسوم والصور فما هو الشعور واللا شعور؟ وما هو الفرق بين الذهن والمخ، وكيف نتعامل معهما. وما هي الوراثة والمورثات؟ وما الرياضيات، ولماذا كانت غامضة بالنسبة لمعظم الناس؟

كما أننا نحتاج إلى أن نعرف شيئًا عن كبار من العلماء بطريقة مبسطة - عن فرويد ويونج وكلاين ونيوتن وهوكنج .... الخ.

وإذا كانت الأعداد الستة الأولى من هذه السلسلة قد عرضت لمجموعة من الفلاسفة لاستجلاء غوامض أفكارهم عن طريق الرسوم، والصور، والأشكار التوضيحية، فأننا نفعل الشئ نفسه بالنسبة للأفكار العلمية، عن الشعور، واللاشعور، والذهن، والمخ .... الخ. وغيرها من أفكار وإننا نأمل أن يجد فيها القارئ نفس المتعة السابقة.



## المشروع القومى للترجمة أقدم لك ...

# علم الرياضيات

تألیف زیاودن ساردر جیری رافتز بورین فان لون

ترجمة ممدوح عبد المنعم مراجعة وإشراف وتقديم إمام عبد الفتاح إمام

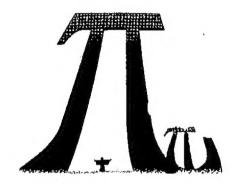
المجلس الأعلى للثقافة ٢٠٠٢

## رقم الإيداع بدار الكتب المصرية ٢٠٠٢/٤١٧١

الترقيم الدولى I.S.B.N 977-5769-45-0

#### المشروع القومي للترجمة بإشراف: جابر عصفور

## هذه ترجمة لكتاب THE MATHEMATICS



Ziauddin Sardar Jerry Ravetz and Borin Van Loon

حقوق الترجمة والنشر بالعربية محفوظة للمجلس الأعلى للثقافة ۷۳٥٨٠٨٤ بالأوبرا - الجزيرة - القاهرة. ت: ۷۳٥٢٣٩٦ فاكس: El Gabalaya St. Opera House, El Gezira, Cairo Tel: 7352396 E.Mail: asfour@oncbox.com

تهدف إصدارات المشروع القومى للترجمة إلى تقديم كافة الاتجاهات والمذاهب الفكرية للقارئ العربى وتعريفه بها ، والأفكار التى تتضمنها هى اجتهادات أصحابها فى ثقافاتهم المختلفة ولا تعبر بالضرورة عن رأى المجلس الأعلى للثقافة.

#### «مقدمة»

#### بقلم المراجع

«أقدِّم لك.. هذا الكتاب!»

هذا هو الكتاب الحادى عشر في سلسلة «أقدِّم لك..» وهو يدور حول « الرياضيات ...»

والواقع أن الرياضيات ترتبط بالفلسفة ارتباطًا دقيقًا منذ فجر الفلسفة عندما كتب أفلاطون على باب الأكاديمية «مَنْ لم يكن رياضيًا فلا نصيب له عندنا» أو «من لم يكن مهندسًا فلا يدخل علينا». وجعل الرياضيات مدخلاً إلى الفلسفة واشترط كلامه دراسة الرياضيات كخطوة تمهيدية لدراسة الفلسفة ـ ولقد كان برتراند رسل في الفلسفة المعاصرة هو المثل النموذجي لهذه الرابطة ، فقد دخل إلى الفلسفة من باب الرياضيات عندما حاول تعريف «العدد» ، وكما حاول في كتابه «أصول الرياضيات» أن يحدد معنى اللامعرفات..

وربما اشتركت الرياضيات أيضًا مع الفلسفة في خاصيتين هامتين هما «التجريد» و «الصورية» ـ ولعل هذا هو السبب في شكوى الناس من الرياضيات، ومن الفلسفة في آن معًا. (لأن التفكير البشرى يبدأ بالمحسوسات ويتمسك بها ويجد صعوبة في الانتقال من المحسوس إلى اللامحسوس أو المجرد!) ـ ولهذا السبب يبدأ المؤلف في الصفحة الأولى من كتابه بالحديث عن شكوى الناس من الرياضة متصورين أن الناس ينقسمون قسمين أشخاص يفهمون الرياضيات (وهم نوع خاص من البشر) وأشخاص لا علاقة لهم بها!.

لكنه يبين لنا مدى حاجتنا إلى الرياضيات التي يرى أن الحياة لا يمكن تصورها بدونها. فنحن نحتاج إلى الرياضيات في البيع والشراء، وفي التسوق، وإعداد ميزانية

المنزل، وإدارة أعمالنا، وبناء منازلنا، دائماً في أعمالنا المصرفية، وعمل الخرائط، والسفر حول العالم بل حتى إلى الخروج من عالمنا إلى الفضاء الخارجي! بل إن الرياضيات ضرورية للعلم والاقتصاد والطب والتكنولوجيا باختصار هي المحرك الذي يحرك حضارتنا الصناعية!.

ثم يبدأ المؤلف في الحديث عن "علم الحساب" وتاريخه ومساره مع مراحل البشرية والحضارات القديمة، وهو العلم الذي بدأ عند القبائل البدائية بالعد فالعد قديم قدم الكتابة أو لعلة أقدم منها، فقد استخدم الإنسان الأول الخطوط القائمة للدلالة على الأرقام، فرسم الواحد هكذا I والاثنين هكذا II والثلاثة هكذا III .. الخ، واستخدم الصينيون هذا الأسلوب حتى الخمسة IIII ، ثم عبروا عن الستة بخط قائم يعلوه خط أفقى مكذا T ، وعن السبعة بخطين قائمين يعلوهما خط أفقى TT وعن الثمانية بثلاثة خطوط يعلوها خط أفقى TTT وهكذا.

أما المصريون القدماء فقد رمزوا إلى الواحد بخط قائم I، وللاثنين بخطين قائمين I ورمزوا للعشرة بباب مقنطر ضيّق I، ومعظم طرائق العد مبنية على أساس الخمسة باعتباره عدد أصابع اليدين الاثنتين، أما البابليون فاتخذوا من الستين وحدة عددية، ودوّن اليونان الأعداد بالحروف الهجائية فجعلوها حرف I للواحد، وحرف I للاثنين، وهكذا حتى العشرة، واعتبروا الد ف الحادى عشر مقابل العشرين، والحرف الثانى عشر مقابل الثلاثين .. وهكذا

أما الهنود فقد جعلوا للأرقام رموزًا مستقلة هي ٢, ٢, ٣, ٢, ٥ .. الخ، واخترعوا الصفر، لكنهم لم يحسنوا استغلال تلك الأرقام ولم يفيدوا من اختراع الصفر.

ولقد أخذ العرب هذه الأرقام والصفر عن الهنود وعن العرب أخذ الغربيون الأرقام الهندية وسموها الأرقام العربية، وأخذوا الصفر أيضًا باسمه العربى «صفر» (أى فارغ أو خال) ولفظ Cipher في الإنجليزية (ومعناها صفر أيضًا) خير دليل على ذلك، ويقال: إن اختراع الصفر كان من أهم المنجزات الفكرية وبدون ما كانت الرياضيات الحديثة أمرًا ممكنًا..

والواقع أن الكتاب يعطى للحضارة العربية دوراً عظيمًا فيما أسهمت به في تاريخ

الرياضيات فنراه يقول صراحة: «قام المسلمون بتوحيد الفكر الرياضى فى جميع الحضارات السابقة عليهم فأدمجوا الجبر والعلاقات الحسابية البابلية والصينية والهندية بالعلاقات الهندسية اليونانية والهلنستية، وينتهى إلى أنهم كانوا على درجة عالية جداً من الجرأة فى «تعاملهم مع العمليات الحسابية» ثم يتحدث عن شخصيات عظيمة مثل الخوارزمى «مؤسس علم الجبر» وتطويره عند «الصموعل» والكراجي، وعمر الخيام الشاعر وعالم الرياضيات، والبطاني وغيرهم من أعلام المفكرين المسلمين..

والكتاب في الواقع متعة لا تقدر حتى بالنسبة لغير المتخصص ، وإننا لنأمل أن نكون بترجمته قد قدمنا خدمة متواضعة في المشروع القومي للترجمة.

والله نسأل أن يهدينا جميعًا سبيل الرشاد،،

المشرف على المشروع إمام عبد الفتاح إمام

## لماذا الرياضيات ؟

يثن كل شخص عند الذكر المطلق للرياضيات ، فالكثير من الناس يعتقدون أن العالم مقسم إلى نوعين من الناس . الأول هم الأشخاص بالغو الذكاء الذين يفهمون الرياضيات وهم بالطبع ليسوا من النوع الذي يمكن مقابلته في إحدى حفلات السمر ...



## ولكننا جميعاً نحتاج لفهم الرياضيات إلى حد ما، فبدون الرياضيات لا يمكن تصور الحياة.





فى الواقع أصبحت الرياضيات دليلنا للعالم الذى نعيش فيه، العالم الذى نشكله ونغيره والذى نعتبر نحن جزءًا منه. ولأن العالم أصبح معقداً لدرجة كبيرة وكذلك الأشياء المشكوك فيها أصبحت مهمة ومنذرة ، فنحن نحتاج الرياضيات لوصف المخاطر التى نواجهها ولنخطط لمعالجتها.

وتتظلب قدرة التعامل مع الرياضيات موهبة خاصة ومهارة مثل أى مجال آخر للمحاولات البشرية كالرقص مثلاً. والرياضيات أنيقة جداً وجميلة فى روحها تماماً مثل الأداء البحاد المعقد لفرقة الباليه الماهرة. وبالرغم من أن معظمنا لا يستطيع أن يكون راقص باليه محترف لكننا نعرف كيفية الرقص وفعلياً من الممكن أن نرقص . وبالمثل يجب أن نعرف جميعاً ما تتناوله الرياضيات وأن تكون لدينا القدرة على فهم ومعالجة بعض الخطوات الأساسية.





كيف أسمينا الأرقام كما نقرؤهم واحداً تلو الآخر، ربما يكفى تسمية عدد قليل من الأرقام. تستطيع بعض الحيوانات تمييز التجمعات المختلفة حتى خمسة أو سبعة أفراد، وما يزيد عن ذلك يطلق عليه «العديد» فقط. ولكن إذا كنا نعرف أن الأرقام تزداد دون توقف فلا يمكننا إطلاق الأسماء الجديدة بدون توقف.



لم تكن لغة الهنود Dakota (١) مكتوبة ولكنها كانت عبارة عن قطعة من القماش مرسوم عليها صور بالحبر الأسود، وفي كل سنة يتم رسم صورة جديدة لتوضيح الحدث الرئيسي في السنة المنقضية.

<sup>(</sup>١) الداكوتا Dakota \_ قبيلة من الهنود الحمر في الولايات المتحدة الأمريكية تستخدم لغة خاصةبها هي اللغة السوانية Siouan (المراجع).

وأفضل طريقة لعملية تنظيم التسمية والعد هى انخاذ «أساس» وهو عبارة عن رقم يميز بداية العد مرة أخرى. وأبسط أساس هو اثنان، فعلى سبيل المثال قامت مجموعة من الأستراليين البدائيين (Gumulgal) بالعد بالطريقة التالية :

۱ = أورابون

٢ = أوكاسار

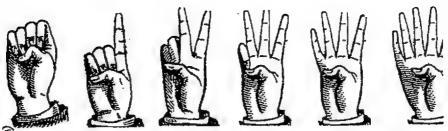
٣ = أورابون - أوكاسار

٤ = أو كاسار - أو كاسار

٥= أوكاسار - أوكاسار - أورابون.







وتعتبر أصابع اليد مفيدة في تعريف الأساسات، بعض الأنظمة تستخدم الخمسة كأساس والبعض الأكثر شيوعاً يستخدم العشرة. ويمكن استخدام العديد من الأساسات الأخرى. فعلى سبيل المثال العملة المتداولة في بريطانيا قديماً كان بها العديد من الأساسات : إثنا عشر (بنس في كل ثنلن) وبعد ذلك عشرون (شلن في كل جنيه استرليني) وحتى واحد وعشرون (شلن في كل جنيه إنجليزي). لذلك كان يلزم وجود مساعدين في الأسواق للمساعدة في عمليات تقدير الفواتير أما عند الشراء بالتقسيط فربما يتم إخبار الناس أن رداء غرفة المعيشة يتكلف ١٥٥ جنيها إنجليزيا أو ما يعادل ١٠٤ قسط أسبوعي قيمته جنيه استرليني وخمسة عشر شلناً وسبعة بنسات ونصف. ب الرغبة في لدفع بالتقسيط بام أ «أبداً. أبداً» أعجوبة

هناك أساس آخر شائع وهو عشرون (أصابع القدمين واليدين) وقد استخدمه اله (Yoruba) بالإضافة إلى خاصية الطرح عند التعبير عن الأرقام الكبيرة داخل هذا الأساس.

وقد كان لديهم أسماء مختلفة الأرقام واحد (أوكان) وحتى عشرة (إيوا). ومن إحدى عشر وحتى أربعة عشر كانوا يقومون بعملية الإضافة مثل إحدى عشر هو (واحد بالإضافة إلى عشرة) وأربعة عشر هو «أربعة مضافون إلى عشرة». أما الأرقام من خمسة عشر وحتى تسعة عشر فكانوا يقومون بالطرح مثل خمسة عشر هى «عشرون ناقصة خمسة» وتسعة عشر «هى عشرون ناقصة واحد».

ويظل هذا الأساس مستخدماً في الأرقام الفرنسية حيث إن ثمانين هي «أربعة عشرونات» أما تسعة وتسعون فهي أربعة عشرونات وتسعة عشر.



وعلى ذلك لا يوجد هناك أساس واحد مفضل، ربما يمكننا التفكير في نظام أرقام يتم تصميمه بصفات مختلفة وهي : يسهل تَذَكُّرُهُ وملائم في تسميته ومفيد في الحساب إلخ.





(•) الأزتك : شعب متمدن حكم المكسيك قبل أن يفتحها الأسبان.



## ولقد استخدم المصريون القدماء مخطوطة تصويرية (الهيروغليفية) لكتابة أرقامهم.



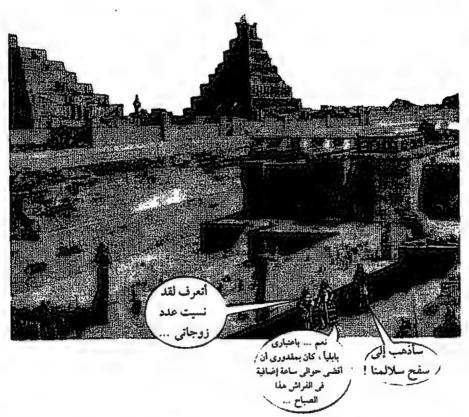
وقد استخدم البابليون نظاماً يتخذ من ٦٠ ومضاعفاته أساساً له بالرموز التالية :

10 10 10 100 rivo

بعد ذلك قاموا بتطوير نظام مبنى فقط على قيمتين :

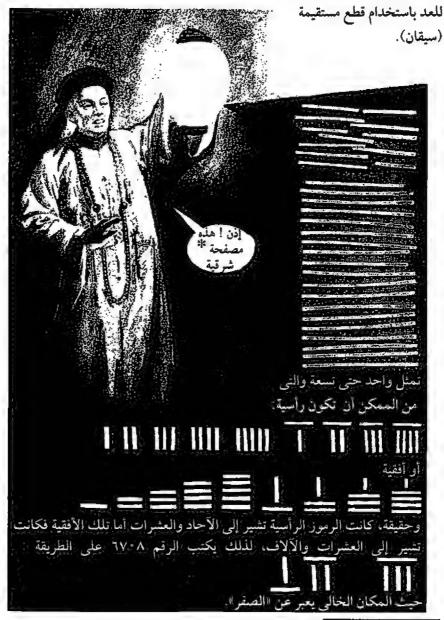
🍸 ترمز للواحد أو ٦٠ على حسب موقعها و 🕥 ترمز للعشرة

لذلك يمكن كتابة ٩٥ على النحو التالى : ٩٥ = ٦٠ (١) ٠٣ = ٩٥



ولقد بقى النظام الستونى البابلي حتى هذه الأيام، فالدائرة تحتوى على ٣٦٠ درجة والساعة بها ٦٠ دقيقة ، وتحتوى الدقيقة على ٦٠ ثانية.

وقد استخدم الصينيون القدماء نظام أعداد له أساس ١٠ برموز للأرقام من واحد وحتى عشرة والمائة والألف وكذلك العشرة آلاف ، وبعد ذلك طور الصينيون صيغة



(٠) مصفحة : صفيحة طباعية تصنع بصب المعدن في قالب من الورق المعجون.

وقد قدم الصينيون اختراعاً عظيماً وهو وضع الرموز المكتوبة في عالم من الأسماء المنطوقة للأرقام، وكان هذا عبارة عن نظام لـ «القيمة المكانية». حيث تعتمد تسمية الرقم (كتعبير عن الكمية) على مكانه في صف الأرقام. لذلك من الممكن أن يكون الرقم (٢) هو اثنان أو عشرون أو مائتان على حسب موقعه، وهذا يعنى أنه لا يلزم تسمية الأساسات الأعلى ، فمن المعروف أن (٢) في الرقم (٢٣٤) تعنى ٢٠٠٠.



أما الهنود فقد طوروا ثلاثة أنواع واضحة لأنظمة الأعداد.

قام (Kharosthi) باستخدام رموز للعشرة والعشرين وتم التعبير عن الأرقام من ١ حتى ١٠٠ بالجمع.

أما الـ (Brahmi) فقد استخدموا رموزاً منفصلة للواحد، الأربعة حتى التسعة والعشرة والمائة ، وهكذا.

أما Gwalior فكان لديهم رموز للأرقام من واحد وحتى التسعة وكذلك للصفر.



ولقد قام الهنود بالتعامل مع الأرقام الكبيرة براحة تامة، حيث أعطت النصوص الهندية القديمة أسماء لأرقام كبيرة مثل Parardha (باراردها Parardha).



أما النظام الروماني فكان يحتوى على على على على على على على عدد سبعة رموز للأرقام : I يعبر عن ١ ، و

V يعبر عن ٥ ، و X يعبر عن ١٠ ، و D يعبر عن ١٠٠ ، و D يعبر عن ١٠٠ ، و D يعبر عن ١٠٠ ، و M يعبر عن ١٠٠٠ .

وكانت الأرقام تكتب من اليسار إلى اليمين حيث تكتب الأرقام ذات القيمة الكبيرة في اليسار ثم تُجمع مع بعضها لتعطى قيمة الرقم المشار إليه.

وعلى ذلك LX هو ٦٠.

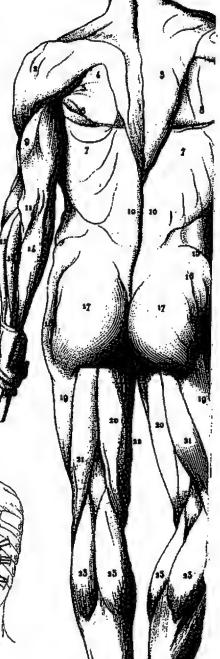
وللملاءمة، كان الرقم ذو القيمة الصغيرة الموضوع على اليسار يُقسر بالطرح، وعلى ذلك الرقم McM يعنى

.19 ..

والأرقام الرومانية بالرغم من أنها لا تزال تستخدم الآن كوسيلة للتزيين، إلا أنها لم تكن مناسبة لعمل الحسابات السريعة.







وقد أدى استخدام حروف الهجاء للتعبير عن الأرقام إلى ظهور فن التنبؤ العالى فى تطوره والذى يسمى Gomatria . ويقوم أحد الأشخاص بترتيب أحرف كلمة ما أو اسم على وجه الخصوص ليكون رقماً ما ثم يقوم بتفحصه للبحث عن نوع ومعنى لهذا الرقم. والشخص الذى ينتج اسمه رقماً مثل ٦٦٦ (عدد الحيوانات فى التوراة) كان يوضح شيئاً



وقد طورت الحضارة الإسلامية (منذ ٦٥٠ بعد الميلاد وحنى الآن) مجموعتين متشابهتين من الأرقام. كانت واحدة منهم تستخدم فى الجزء الشرقى (بلاد العرب وفارس).

أما الأخرى فكانت تستخدم في الجزء الغربي (بلاد المغرب والأندلس). وكلتا المجموعتين كانت تحتوي على عشر رموز من الصفر وحتى التسعة.

المجموعة الشرقية : ١ ٢ ٣ ٤ ٥ ٦ ٧ ٨ ٩ ٠

المجموعة الغربية : 0 9 8 7 6 7 8 5 1 2 3

وقد بقيت المجموعة الشرقية تستخدم حتى الآن في العالم العربي، أما المجموعة الغربية والتي تدعى الأرقام العربية فهي تمثل نظام الأرقام الذي نستخدمه جميعاً في هذه الأيام.



### الصفر

يعتبر الصفر اختراعاً متأخراً نسبياً (حيث تم وضعه في القرن السادس بعد الميلاد)، ويبدو أنه ناتج عن ارتباط الحضارتين الصينية والهندية. وقد كان الصينيون يحتاجونه للتعبير عن قيمة المكان ـ كيف مثل الصينيون المكان الخالي في الرقم منتين وخمسة ؟ والرقم ٢٠ يعتبر خطأ لذلك كان يلزم شيء ما يوضع في المكان الخالي مثل ٥ ـ ٢. لكن المعنى الكامل للصفر كان قد تم تطويره في الحضارة الهندية، حيث إن التأملات الفلسفية في الفراغ كانت قد تطورت بدرجة كبيرة.



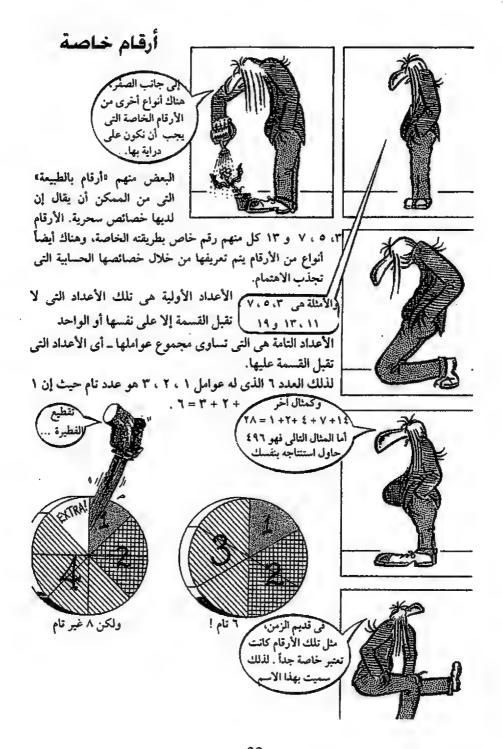


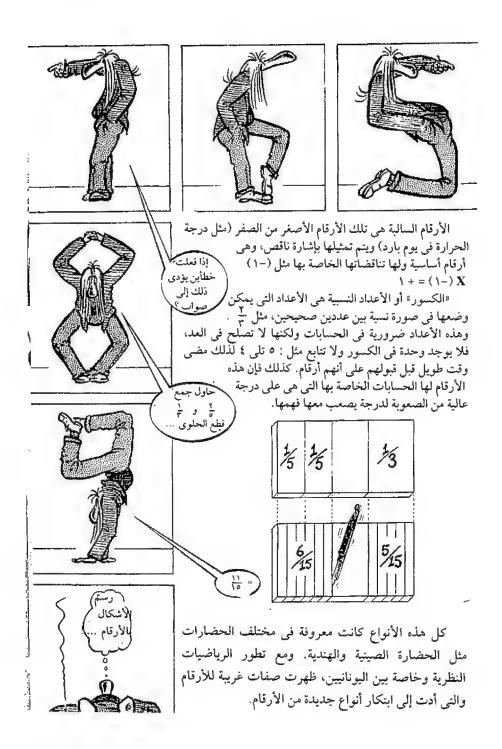
وبينما يعتبر الصفر ضرورياً في الحسابات ولكنه يُستبعد في العد. فأول شيء في صف أشياء لا يقال له «الصفرى». وهناك تناقض واضح في النقويم الميلادى: تسمى الفترة ١٩٠٠ - ١٩٩٩ بالقرن العشرين حيث لم يكن هناك قرن صفرى في بداية التقويم الميلادى.

والصفر له معنيان كما هو واضح من «أضحوكة الصفريات»، حيث يتحدث مرشد في أحد المتاحف إلى المجموعة المدرسية:



... كما قد تعلمته فى المدرسة ! لم يقم أحد بإخبارها أن الأصفار بعد 70 كانوا مجرد ملء خانات وليسوا للعد. فبالنسبة لتلك الأصفار لدينا  $2 \times 1 = 1$  وكذلك  $2 \times 1 = 1$  ربما الوعى بتلك التناقضات هو الذى جعل الرياضيين الأوائل مرتابين من الأرقام الغريبة مثل الصفر.

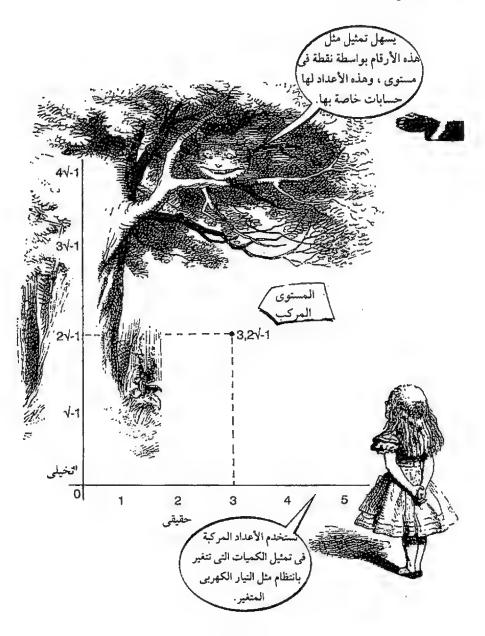




الأرقام غير النسبية وهي الأرقام التي لا يمكن التعبير عنها بنسبة بين رقمين صحيحين . و ۲۲ هو مثال هام لتلك الأرقام حيث إنه ينتج من العمليات الهندسية فهو طول وتر

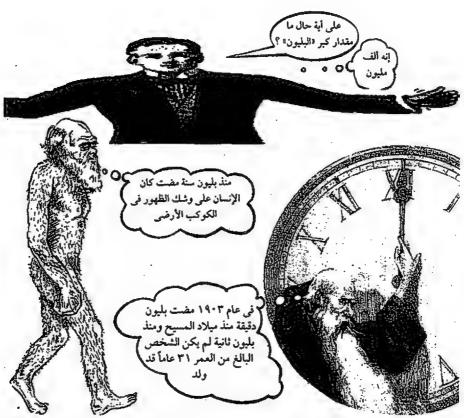


الأعداد التخيلية تنتج من ضرب الأعداد الحقيقية بالكمية التخيلية، وهى الجذر التربيعي لسالب واحد  $(\sqrt{1-1})$ . وعند إضافة عدد تخيلي  $\sqrt{1-1}$  لناتج "الأعداد المركبة".



# الأرقام الكبيرة

تقوم الأرقام الكبيرة بإرهاب الكثير منا لدرجة أننا نجد صعوبة في تقدير القيمة الحقيقية لتلك الأرقام.



ويبدو المائة مليون رقماً أكثر ترويعاً، ولكن في هذه الأيام يعتبر رقماً غير عادى بالنسبة لدولة ما، وخاصة بالنسبة لدولة نامية (أي تكون مدينة بمثل هذا الدين). ولو أن هناك دولة أرادت التخلص من دينها قامت بدفع دولار، أو جنيه



وكيفية الوصول إلى هذه الأرقام الكبيرة بسهولة يتم توضيحه بمثال بسيط وهو الخطاب المتسلسل. يقوم شخص ما بإرسال خطابين إلى شخصين يخبر كلاهما بإرساله إلى اثنين آخرين وهكذا. في هذه الحالة قام الشخص الأول بإرسال خطابين، وفي المرحلة الثانية تم إرسال Y = 3 خطابات أما المرحلة الثالثة ففيها Y = 3 خطابات. إذن كم عدد المجموعات المطلوبة للوصول إلى بليون خطاب ؟





ومن الممكن أن نُزيد أُلفتنا مع هذه الملاحظات بتفقد المثال التالى :



أصغر رقم في هذه الاحتمالات هي Y = Y = Y = 1 ، يليه YYY ثم بعد ذلك YY = XY = XY وأكبر رقم هو YYY = XYY = XYY .

وكتابة الأسس تصلح أيضاً في حالة الكسور ، ولتحويل أس ما إلى كسر نقوم ببساطة بوضع وكتابة الأسس تصلح أيضاً في حالة الكسور ، ولتحويل أس ما إلى كسر نقوم ببساطة بوضع إشارة سالب أمام الأس ، لذلك ١٠ =  $\frac{1}{1}$  وهكذا.



وبنفس الطريقة إذا كبرنا خريطة أو رسمة ما عدد س من المرات، فإن عدد س ٢ ضعفاً من الورق يكون مطلوباً لذلك.

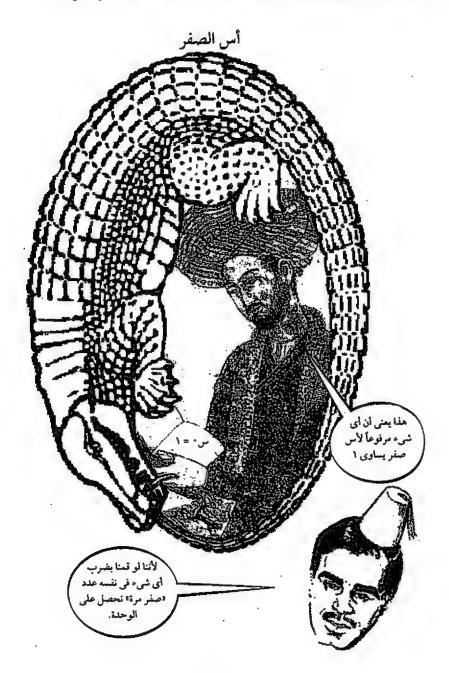
ونسمى س، س<sup>٢</sup>، س<sup>٣</sup>، س<sup>٤</sup>، س<sup>٥</sup> بالأس الأول، والثانى ، والثالث ، الرابع ، الخامس السريع على الترتيب. وكان يطلق على الأسس فى البداية «التربيع» و«التكعيب» من خلال معناهم الهندسى.

وبالطبع بدلاً من ٢ أو ٣ أو ٤ أو ٥ من

الممكن أن يكون هناك أى أس آخر؛ باستخدام «ن» لتعبر عن أى رقم نقول: إن س ن تسمى الأس النوني لـس.



وقد قدم عالم الرياضيات المسلم «ابن يحى الصموعلى» (المتوفى عام ١١٧٥) في كتابه «الباهر» (الذي ألفه عندما كان عمره تسعة عشر عاماً) لأول مرة تعريف ...



## اللوغاريتمات

اللوغاريتم هو الأس الذي يُرفع إليه رقم ما ليعطى رقماً آخر، ويسمى الرقم الأول الأساس. وحيث إن  $^{1}$   $^{2}$   $^{3}$   $^{4}$   $^{1}$   $^{1}$   $^{2}$   $^{3}$   $^{4}$   $^{5}$   $^{6}$   $^{6}$   $^{7}$   $^{1}$ 

والأساسات الأكثر شيوعاً للوغاريتمات هي المرابعي ، ١٠. والعدد الأسى ع (أو الأساس الطبيعي ،

انظر صفحة ١٠٥).

وحيث أن س \* = ١ لأى س فهذا يعنى أن لو ١ = صفر لأى أساس.

ولضرب أو قسمة تعبيرين لوغاريتميين نقوم باستخدام القاعدة «ضرب أو قسمة أس رقم ما يعبر عنه بجمع أو طرح الأسس  $^{*}$  ، لذلك لو (س  $^{*}$ 



واللوغاريتمات تعتبر ذات نفع عظيم فى تبسيط الحسابات الطويلة المعقدة. فللقيام بعلمية ضرب أو قسمة عددين كبيرين نقوم أولاً باستخراج لوغاريتماتهم من الجدول ثم نجمعهم أو نطرحهم ونضع الناتج فى الجدول لاستخراج المجموع (أو خارج القسمة).

O   1   2   G   4   5   G   7   B   9   1   2   3   4   B   G   7   G   G	101237
10   000   004   0086   0228   0179   0232   0253   0299   0334   0274   0228   0234	214 8 9 7 8 9
10   0000   0043   0086   0228   0170   0225   0225   0224   0234   0237   0225   02	S 7 8 9 7 8 9 1 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2
10 000 004) 036 0128 0170 021 025 025 025 025 025 025 025 025 025 025	
10	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
1	0084 028 0170 0210 0725 8 0170 0725 8 01713 77 21 24 25 35 26 29 20 27 27 27 27 27 27 27 27 27 27 27 27 27
Tell	10 000 000 000 000 1036 1074 10013 6 10 13 10 1913 10 1
13	[1x 0414 0436 0306 0306 0306 0306 1305 1307 1307 1307 1307 1307 1307 1307 1307
14 1 197 133 1 334 1 334 1 335	144 (139 1173 1250 125 125 125 125 125 125 125 125 125 125
130   130	TAI -1401 1497 1523 1847 1875 100 1 2227 2753 1227 1 10 12 15 16 10 21 621 993 8000 8007
10	
1 3222   344   357   346   345	2330 2355 23801 4 7 7 12945 2967 2999 2 4 7 13 17 19 165 829 3 62 8209 8233
1 3222   344   357   346   345	18 252 250 237 4 8 846 3201 2 4 8 8 1831 3201 2 4 6 8 3 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
1 3222   344   357   346   345	19 2708 2118 3139 3100 1001 2001 200 1001 2001 200 1001 20
1   1   1   1   1   1   1   1   1   1	1291 3 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
27 14314 28 1447 28 1446 29 1482 30 1471 30 1480 1484 1829 1483 14857 1483 1483 15851 1585	31 3222 (323) 323 (323) 3747 (3766) 3784 (323) 3787 (3766) 3784 (323)
27 14314 28 1447 28 1446 29 1482 30 1471 30 1480 1484 1829 1483 14857 1483 1483 15851 1585	180 [300] 3913 [300] 3913 [300] 3913 [300] 3913 [300] 3913 [300] 3913 [300] 3913 [300] 3913 [300] 3913 [300]
27 14314 28 1447 28 1446 29 1482 30 1471 30 1480 1484 1829 1483 14857 1483 1483 15851 1585	138 120 120 120 120 120 120 120 120 120 120
27 14314 28 1447 28 1446 29 1482 30 1471 30 1480 1484 1829 1483 14857 1483 1483 15851 1585	[27] 3997 3997 3997 3997 3997 3997 3997 39
30   4771   10   4800   4814   4829   4843   4827   4815   3015   5024   3028   4942   4953   4969   4983   4997   5011   5024   32   5055   5079   5092   5169   5179   5179   5189   5389   5393   5393   5394   5333   5394	1378 4393 1556 1577 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
30   4771   10   4800   4814   4829   4843   4827   4815   3015   5024   3028   4942   4953   4969   4983   4997   5011   5024   32   5055   5079   5092   5169   5179   5179   5189   5389   5393   5393   5394   5333   5394	71 4314 75 8600 days 4713 4725 4725 4725 4725 4725 4725 4725 4725
4028   4049   4053   4060   4083   4090   5051   5052   5053   5079   5092   5165   5179   5371   5324   5131   5145   5155   5052   5079   5092   5165   5179   5371   5324   5131   5145   5157   5370   5392   5165   5171   5131   5145   5157   5371	120 4 4 1 1 4 4 4 1 4 5 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
1928   4949   4953   4969   5505   5577   5595   5505   5575   5595   5506   5577   5595   5506   5577   5595   5506   5577   5595   5506   5577   5595   5507	300 4771 400 4874 1999 4874
32   505    505    507	0.8 9 10 11   001   003   003   003   003   004
131   1313   1318   1349   1353   1366   1333   1366   1333   1365   1343   1	100 1505 1505 1507 1513 15250 5203 15137 15250 5203 1513 1513 1 1 5 6 7 8 10 11 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
34   3313   334   335   337   347	[33] 5135 [374] 3366 [3373] 3366 [3373] 3361 [3361] 346 [347] 346 [347] 347 [347] 347 [347] 347 [347]
350   3503   3575   3587   3587   3587   3576   3746   3732   3735   3587   3587   3588   3599   1 2 3 3 4 5 6 8 9 10	34 5313 5415 5415 5415 5315 5315 5047 37 2 3 5 6 7 8 9 10 83 9191 9191
37, 1-568 2 500 5	35 363 3575 5587 5579 5740 5751 5770 3783 5751 388 5390 2 3 4 5 7 8 9 2 1 84 9243 9249 9391
\$\frac{1}{39} \begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c	[an 1682 2594 5793   Shall Sha
40 6021 6031 6042 4053 6150 6170 6180 6191 6201 6212 6223 2 3 4 5 6 7 8 9 42 4 6138 6149 6160 6170 6180 6191 6201 6213 2 3 4 5 6 7 8 9 42 6138 6138 6153 6153 6153 6153 6153 6153 6153 6153	
41	139139137 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
41 6138 6118 6179 6173 6173 6383 6393 6495 6175 6475 6475 6475 6475 6475 6475 6475 64	[An] [601110031   1   1   AnAt [0201]   1   Anat [0201]   2   3   7   7   6   7   7   1   1   1   1   1   1   1   1
131   6335   6346   6351   6366   6371   6330   6390   6	41 -6128 6138 6149 1025 625 625 625 625 625 645 645 645 645 645
44 6435 644 6454 6454 6556 6655 6675 6675 6675	
43	43 A 2 5 6 7 8 92 9030 905 905 905 905 905 905 905 905 905 90
45	[45] 323 [2646] 6030 [ 1 ] [A276] 6785] 1223 [2801] 2 3 ] 3 4 6 7 4 [ A41.0731 [972] [2
48 692 691 692 691 692 692 692 692 693 707 7016 7024 7033 7042 7099 7059 7059 7067 1 2 3 3 4 5 6 7 8 7 8 8 997 988 697 98 997 988 697 98 997 98 997 98 997 98 997 98 997 98 997 98 997 98 997 98 997 997	14010000 C 7 1 1 1 10000 UTV   1204   6000 UD00   1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
10   10   10   10   10   10   10   10	141-68131003-12-24160281093/1-1
50 -6990 6993 7101 7110 7118 7126 7138 7124 7235 1 2 3 4 5 6 6 7 7 8 9 1 2 3 4 8 9 9 9930 9930 9930 9930 9930 9930 993	49 6902 094 2033 7042 7050 7 3 3 4 5 6 7 7 8 9012 9017
17076   7084   70703   7185   7103   7185   7103   7185   7103   7185   7103	mn 4000 6998 (707) 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
53 7760 7163 7257 7277 7275 7275 7275 7275 7364 7372 7380 7380 7380 7380 7380 7380 7380 7380	
53 77374 7352 7340 7340 7352 7340 7345 7352 7345 7352 7345 7352 7345 7352 7352 7345 7352 7352 7352 7352 7352 7352 7352 735	[52] 7(60) 71(6) 72(7) 72(7) 72(7) 73(7) 7
Q 1 2 3 4 5 6 7 S	53 7324 7332 7340 7340 7345 733
0 1 2 5	5 0 7 8
وعداول الانزلاقي	( 3(2) 3(3) 3(3)
	رجداول الانزلاق

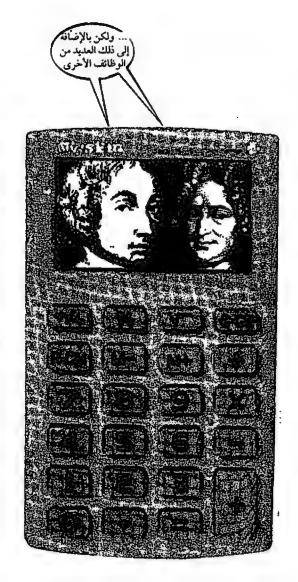
وكانت أول الجداول تلك التى أنشأها عالم الرياضيات الاسكتلندى جون نابير (١٥٥٠ مـ ١٦١٧)، وكانوا للأساس الطبيعى e. وقد أطلق عليهم «طبيعى» نسبة للأساس، أو «نابيريان» نسبة إلى مخترعهم.

#### الحساب

عملية ضرب الأرقام من كل الأنواع والحصول على ناتج تسمى الحساب، وهو متضمن في كل العمليات الرياضية. وكان الحساب يتم في البداية باستخدام الحصى كما كان يفعل اليونانيون القدماء باستخدام الحصى للقيام بالحسابات الأولية. وأصل كلمة بحسب Calculate في اللغة الإنجليزية هي كلمة «Calculus» اللاتينية والتي تعني «حصاة». وحتى هذه الأيام يعتبر عداد أباكوس (ذو الخرزات

على الأسلاك) هو أوسع جهاز عد انتشاراً. وحتى في هذه الأيام، المستخدم الماهر لهذا العداد يستطيع أن يعد الخرزات أسرع من الوقت الذي يستهلكه مشغل لوحة المفاتيح الرقمية للبحث عن المفاتيح.

وقد ظهرت آلات الحساب فى صورتين أساسيتين : آلات الجمع البسيطة وكانت تقتصر على القيام بالطرح والجمع، والآلات الحاسبة والتى تتمكن من القيام ليس بالضرب والقسمة فقط .....



وكانت أول آلة جمع قد اخترعت بواسطة العالم الفرنسى بليه باسكال (١٦٦٣ ـ ١٦٦٢) في عام ١٦٤٢ وكانت تتمكن من الجمع وحمل الباقي. وفي عام ١٦٧١ قام العالم الألماني جوتفريد ويلهلم فون ليبنز (١٦٤٦ ـ ١٧١٦) بإنتاج جهاز يتمكن من القيام بعمليات الضرب عن طريق الجمع التكراري.



وفی عام ۱۸۲۲ قام عالم الریاضیات والمخترع الإنجلیزی تشارلز باباج (۱۷۹۲ ـ ۱۷۹۱) ببناء آلة جمع صغیرة . وبعد عشرة سنوات قام بترکیز تفکیره فی «آلة الطرح»، والتی اعتبرت بدایة الحاسب الرقمی. بعد ذلك تم توظیفه فی مشروع إنشاء الموتور التحلیلی» والذی لم یبن أبداً وتوجد الآن صورة منقولة عن جزء منه قد تم بناؤه، فی متحف لندن العلمی.

والحسابات: مهما كانت معقدة. لا تكفى لحل المسائل في كل الأحيان. في بعض الأحيان نحتاج إلى المعادلات

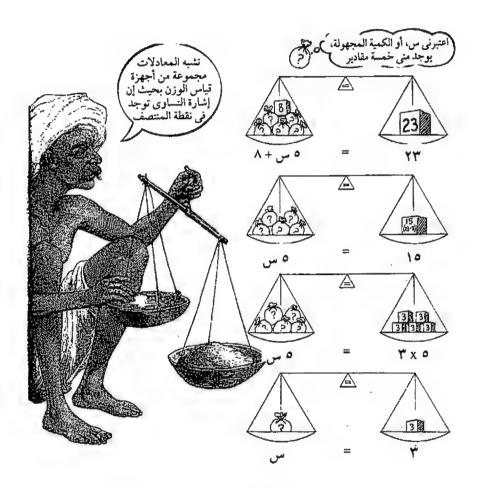
#### المعادلات

المعادلات هي لب الرياضيات، وهي تستخدم في كل أفرع الرياضيات البحتة والتطبيقية عدا الرياضيات البدائية جداً. وكذلك تستخدم المعادلات في العلوم الفيزيائية والحيوية والاجتماعية. وكما هو متضمن في اسمها ، فالمعادلات تنص على تساوى تعبيرين وغالباً ما تتضمن كميات غير معروفة وتسمى بعضها بالمتغيرات والبعض الآخر بالثوابت أو العوامل. وتستخدم المعادلات كذلك في تعريف الكميات المختلفة أو النص على العلاقة بين بعض المتغيرات.



وقبل اختراع المعادلات كانت المسائل الرياضية تحل بطرق معقدة بارعة جداً، والآن تم اختصارها إلى صيغة بسيطة جداً.

فى المعادلة ٥ س +  $\Lambda$  =  $\Upsilon$ 7، س هو المجهول المطلوب حسابه ، من الممكن حساب قيمة س بطريقة التجريب والخطأ، أو بطريقة بسيطة (وهى طرح  $\Lambda$  من كلا الجانبين وبعد ذلك القسمة على ٥).





$$\frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1}$$



لا توجد حدود لدرجات هذه المعادلات المجبرية ولكن هناك حدود فاصلة عند المعادلات الخماسية، فعلى مر العصور كانت هناك محاولات لإيجاد صيغة لجذور تلك المعادلات مثل تلك الصيغة في صفحة ٥١ ولكن عند بداية القرن مثل قبين في النهاية استحالة وجود مثل هذه الصورة.

والمعادلات من الممكن أن تحتوى على أكثر من متغير فى أحد حدودها، ومثال لذلك المعادلة : س ص = ١ المعادلة الهندسية التى تصف «القطع الزائد».

القطع الزائد س ص =١

ودرجة المعادلة يتم تعريفها على أنها مجموع الأسس للمتغيرات المختلفة في المحد الذي يحتوى على أعلى هذه الأسس ومثال لذلك المعادلة:

أ  $m^0 + V$   $m^0$   $m^0 + جـ <math>m^1$   $m^0 = 0$ أعلى حد في الأسس هو جـ  $m^1$   $m^0$ 



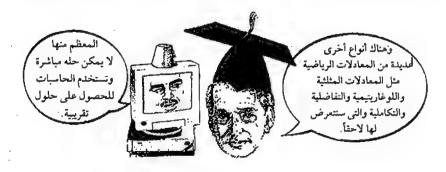


وعندما يكون لدينا مجموعة من معادلتين أو أكثر في متغيرين أو أكثر فمن الممكن حلهم آنياً بمعالجة بسيطة.

#### وكمثال لذلك:

وبالتعويض عن قيمة س في المعادلة الأولى نجد أن 
$$\sigma = -\frac{1}{2}$$

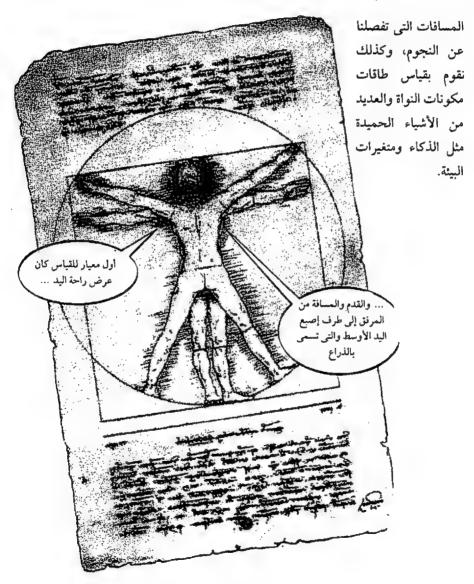
وهناك بعض المعادلات الآنية الأكثر تعقيداً من ذلك ومن الممكن أن تحل بنفس الطريقة.



## القياس



القياسات جزء مهم جداً من الرياضيات ، فنحن نقوم بقياس كل شيء تقريباً. وتتنوع القياسات من الوقت والأبعاد والأوزان والسعات والحجوم والكهرباء والحرارة وحتى

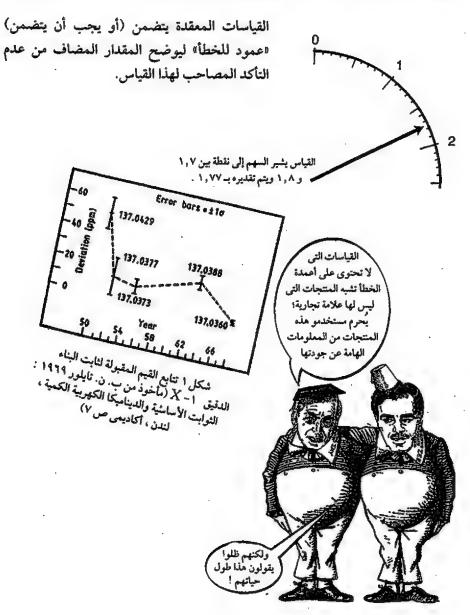




وكل وحدة أساسية لها تعريف وطريقة قياس محددة من قبل الهيئات الدولية الرسمية، وبالطبع تتغير هذه التعريفات كلما ظهرت طرق قياس أفضل.

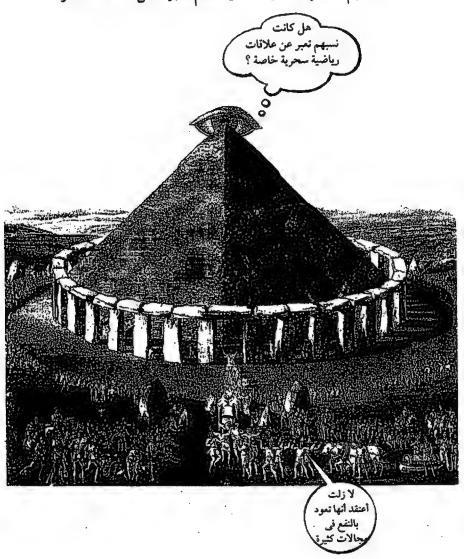


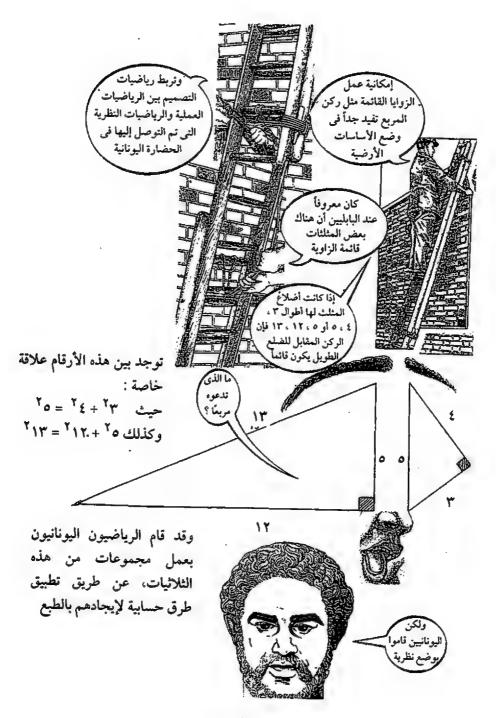
ويلاحظ أن العد والحساب دائماً ما يتعلقان بأرقام منفصلة ومنفردة ، ولذلك يتضمنون أرقاماً فعلية وعلى النقيض فإن القياسات تهتم بمقادير متصلة . ولا يوجد قياس مثالى يعطى القيمة الفعلية للكمية المقاسة، فعندما تتم مقارنة الشيء الذي نريد قياسه مع معيار معين فإننا نحاول تقريب القراءات بين نقطتين على أدق مقياس. لذلك فإن كل تقرير عن



ومنذ عصور ما قبل التاريخ ظلت القياسات تستخدم في البناء والتصميم. وقد اكتشف علماء العمارة أن الآثار القديمة الباقية مثل Stonehenge كانت تقام بدقة شديدة لملاحظة بعض الأحداث الفلكية، وبالتالي كانت أساساتها تتطلب دقة هندسية في التصميم. وكذلك تم تصميم كنائس أوروبا medival بنسب دقيقة حتى أن نظرية النسب الإلهية كانت هي أساس المعمار والفن في عصور النهضة.

وقد مثلت الأهرام المصرية العظيمة تحدياً أعظم لأجيال من علماء المعمار.





## الرياضيات اليونانية







## متناقضات <sup>«</sup>زينو»

حاول زينو أن يبين أنه سواء تخيلنا أن الفضاء يمكن تقسيمه تقسيماً نهائياً أو لا نهائى أو سواء اعتبرنا الحركة البسيطة أو النسبية سنصل إلى تناقض ، وقد وضح ذلك باستخدام أربعة متناقضات.

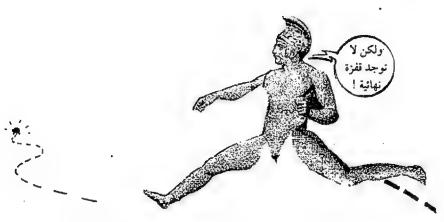
وأشهر تلك المتناقضات هى التى تهتم بالتسابق بين أشيلس (أفضل عداء) والسلحفاة. فى قفزة واحدة يستطيع أشيلس أن يقطع نصف المسافة التى تقطعها السلحفاة ويكرر ذلك مرات عديدة...

كانت شهرتى

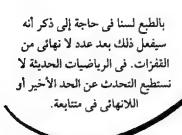
ناتجة عن المتناقضات التى

تحديث بها الأساسيات التى

يبنى عليها اعتقادنا عن الفضاء
والوقت والتغير



باستخدام هذا التحليل كيف يمكننا تفسير تغلبه على السلحفاة ؟



وهذا التناقض يوضح أننا إذا جعلنا الفضاء مقسماً تقسيماً لا نهائي، سنصل إلى تناقضات في وصف الحركة. هناك أربعة متناقضات أخرى لزينو عن الحركة وأخرى عن التغيير بوجه عام، وإليك المثال التالي. بفرض أننا أعطينا الأوامر التالية ...



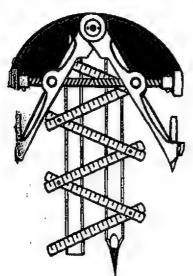
وقد قام الفلاسفة بملاحقة زينو في كل لحظات حياته ولكن مثل أشيلس لم يتمكنوا من اللحاق بفريستهم تماماً. ربما كان لدى زينو شيء يريد أن يخبرنا به عن علم الرياضيات، فنحن نحب أن يكون هذا العلم واضحاً ولكنه في الحقيقة متناقض.



كانت لأفكار إقليدس تأثيرات ضخمة على علم الرياضيات فى الغرب حيث إنها تعتبر الأساس للهندسة. وقد قام بتنظيم إثباتات تقليدية مبنية على بعض «الأعمال» باستخدام بعض الأدوات المثالية مثل المسطرة والفرجار (لعمل أقواس من دوائر). باستخدام هذه الأعمال يمكنك إثبات أشياء عن هيئة الأشكال دون استخدام الأمثلة الرقمية، وكان هذا هو التغيير الكبير

فى الرياضيات اليونانية ـ فكرة الإثبات العامة المختصرة.

وفى عمله «العناصر» قدم إقليدس أساسياته المشهورة للهندسة وقام بتعريف الأعمال المسموح بها فى الإثبات (وهناك بعض الأعمال الأكثر تعقيداً والتى كانت معروفة بتحويل بعض الإثباتات الصعبة إلى صورة سهلة ولكنها لم تكن تعتبر «هندسية»). وبعد تعريف عناصره الأساسية مثل «النقطة» و«الخط» قدم إقليدس خمس ملاحظات شائعة عن الكمية وكذلك خمسة افتراضات للأعمال.



#### الملاحظات الشائعة :

۱ - إذا ساوى شيئان شيئاً ثالثاً فإن الثلاثة يكونون متساوين
 أ = جـ ، ب = جـ ، أ = ب

٢- إذا أضيفت كميات متساوية إلى كميات متساوية كان
 الناتج متساويا = + = = =

٣- إذا طرحت كميات متساوية من كميات متساوية كان
 الناتج متساوياً = - = =

٤- الأشياء المتطابقة تكون متساوية 😊 😑

٥- الكل أكبر من الجزء الكلل

#### الافتراضات :

من المسلم به أنه في المستوى :

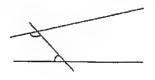
١ - يمكن رسم الخط بين أي نقطتين.

٢- يمكن مد أي خط من كلا الجانبين بدون حد.

۳- يمكن رسم دائرة بأي نصف قطر حول أي مركز . (م

٤ - كل الزوايا القائمة متساوية.

٥- الخطان اللذان يقطعان خطأ ثالثاً بحيث كان مجموع الزوايا الداخلة أقل من زاويتين قائمتين يجب أن يتقاطعا في نقطة . وأول ثلاث نقاط تعرف أعمالاً أما الاثنان الباقيان فهما نظريات. الافتراض الخامس يسمى «افتراض التوازى» وقد ظل هذا الافتراض تحدياً للرياضيين من بعد إقليدس. وفي الواقع فإن هذا الافتراض يعتبر المفتاح الذي يصف نوعين مختلفين من الهندسة.

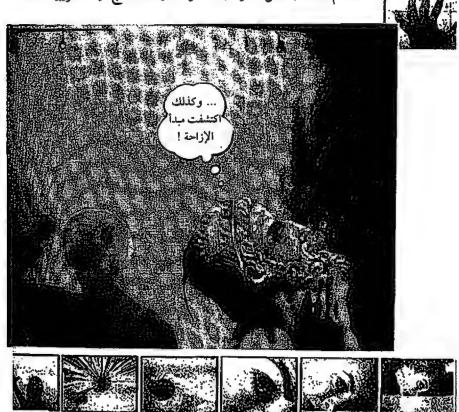






وباستخدام هذه الأساسات اتجه إقليدس لإثبات كل النتائج الهندسية في عصره وحتى نظرية فيثاغورث. وبغض النظر عن صعوبة مسلماته (والتى اعتبرت فيما بعد أنها حقائق ذاتية الإثبات، وكذلك الاستنتاجات الناتجة عنها تم التعامل معها على أنها حقائق أيضاً). وقد تم التعامل مع الهندسة على أنها مثال عظيم للمعرفة الحقيقية التي يمكن الوصول إليها بالعقلانية الإنسانية وحدها.

وجاء بعد إقليدس رياضى عظيم جداً وهو أرشيميدس (٢٨٧ - ٢١٢ ق.م.). وضع أرشيميدس طرقاً لقياس مساحة الأشكال الدائرية وكذلك مساحة سطح الأجسام المنحنية مثل الكرة والأسطوانة، وقد استنتج قيمة تقريبية لـ ط...

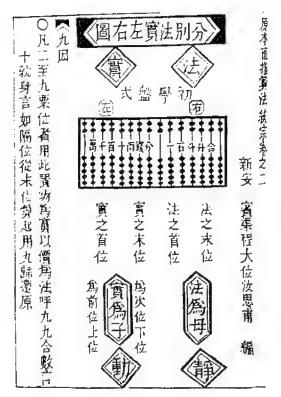


### الرياضيات الصينية

لم يَقُم الصينيون باستخدام الإثباتات الثابتة التى وجدناها فى "عناصر إقليدس" وذلك لأنهم لم يُعجبوا بالمنطق الثابت. كان الصينيون، مهتمين بالتطبيقات العملية للأفكار ولم يدرسوا الرياضيات من أجل الرياضيات. وبالطبع لم يمنعهم ذلك من وضع

إثبات للمثلث القائم الزاوية والذى كان مختلفاً تماماً عن نظرية فيثاغورث. وعلى عكس اليونانيين لم ينزعج الصينيون من الأرقام الصماء (وهى تلك الأرقام التى لا يمكن التعبير عنها على صورة نسبة بين رقمين صحيحين أو الأرقام غير النسبية).

ولتمييز الأرقام السالبة \_ على سبيل المثال \_ استخدم الصينيون سيقاناً حمراء بدلاً من اللون الأسود !

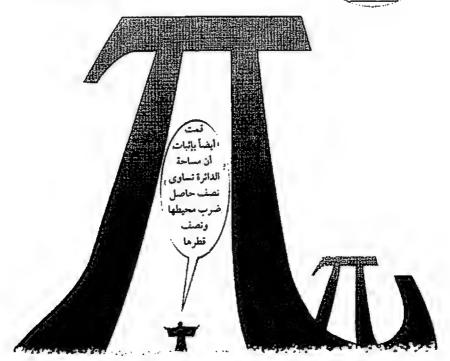


وقد قام الصينيون بالتدريب على الجبر دون استخدام رموز بكتابة كل أفكارهم في صورة كلمات. وقد استخدموا لوحة للعد في الجبر وكذلك في كل الاكتشافات الرياضية الأخرى وقد طور الصينيون عن طريق العالم صنح ديناستي (٩٦٠ ـ العالم مع المعادلات حتى الأس الناسع. وقد استطاع الصينيون حل التمعادلات الآنية الخطية ( في مجهولين أو أكثر ) وكذلك المعادلات التربيعية.

وقد اهتم الصينيون أيضاً بالمربعات السحرية التى يتم ملء خاناتها بأرقام عندما تُجمع تعطى نفس الرقم، ويطبق هذا على الصفوف الرأسية والأفقية والقطرية أيضاً . واخترع الصينيون مكعبات ثلاثية الأبعاد لها نفس الخاصية. وظل الصينيون مشوقين للبحث عن قيمة دقيقة لـ «ط». وقد استنتج «ليو هوى» (وهو أحد علماء الرياضيات القدماء في الصين) قيمة لـ «ط»

4	9	2
3	5	7
8	1	6

حتى أربع علامات عشرية. وبنى ليو هوى طريقته على الطريقة الاستنزاف، حيث من الممكن وضع مضلع داخل الدائرة وعن طريق زيادة عدد أضلاعه حتى تصل أطوالها إلى حد من القصر يمكننا معه مساواة المضلع بالدائرة.



وفى القرن الخامس بعد الميلاد قام الفريق المكون من الأب والابن تسو تشونج تشيه وتسو كنج تشيه بالحصول على قيمة لـ ط تساوى ٣,١٤١٥٩٢٦ و ٣,١٤١٥٩٢٧ . لم يتم التوصل لهذا الرقم في العالم الغربي حتى القرن السابع عشر.

## تشيو تشانج

هو أشهر كتاب فى الرياضيات الصينية، ولا نعرف من كتبه ولا متى تمت كتابته بالتحديد ولكنه يفترض أنه يعود إلى آخر سلالة «تشين» أو بداية سلالة «هان» (القرن الأول بعد الميلاد).

وهذا الكتاب يغطى الموضوعات التالية:



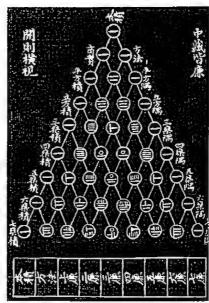
### أربعة علماء رياضيات صينيون

يعتبر آخر القرن الثالث عشر وبداية القرن الرابع عشر هى فترة أقصى ازدهار للرياضيات الصينية. وقد عاش خلال هذه الفترة أربعة من أشهر علماء الرياضيات فى الصين.



وكان هناك أكثر من ثلاثين مدرسة رياضيات عبر الصين وكانت الرياضيات مادة إلزامية في اختبارات الخدمة الوطنية العامة.

ويعتبر العالم تشين تشيو شاو واحداً من أعظم علماء الرياضيات الصينيين على الإطلاق وقد عمل في الخدمة العسكرية والمدنية وكان كتابه تسعة قطاعات من الرياضيات يتضمن بعض الأفكار الجديدة وقدم تحليلاً غير معروف من قبل (وهو دراسة المسائل التي لها حلول على هيئة أرقام صحيحة).



وقد درس كُلِّ من «يانج هوى» و «تشو شيه تشيه» التباديل والتوافيق بين التعبيرات وتوصلوا إلى ما نسميه الآن بنظرية ذات الحدين. وتتضمن هذه النظرية ضرب مقدارين مكونين من حدين مثل (س + ۱) و (س + ۳) والذي يعطى ناتجاً س۲ + ٤ س + ۳ = ۰

وكلما ازداد عدد المقادير المضروبة ببعضهما ازداد عدد الحدود في الحل النهائي مثل:

وقد قاد هذا عالمي الرياضيات للعمل في ما نعرفه الآن بمثلث باسكال. فقد اكتشفا أنه إذا

لاحظ أحدنا الأرقام المصاحبة الألسنات يظهر نموذج معين. بالنسبة الأرقام الأول (مثل (س+۱)) هذه الأرقام هي ١ ، ١ ؛ وبالنسبة للأس ٢ (مثل (س+١)٢ ) تكون الأرقام ١، ٢ ؛ وبالنسبة للأس ٣ (مثل (س + ١٠ ) تكون الأرقام ١، ٣، ٣، ١ ، ١ وهكذا. وقد تم تخطيط هذه الأرقام في نفس الصورة التي صممها باسكال في القرن السابع عشر.



باسكال

وقد استُخدم مثلث باسكال فى حساب الاحتمالات. على سبيل المثال يعطى النصف الثانى التباديل المختلفة عند رمى قطعتى نقود. فهناك احتمال واحد أن تظهر صورة وكتابة ، واحتمال واحد لظهور كتابتين.



وقد تم توضيح ذلك بواسطة عالم الرياضيات تشيا هسين (١١٠٠ ميلادية) وربما تكون ظهرت قبل ذلك.



تعتمد الرياضيات الهندية (شأنها شأن الرياضيات الصينية) على كل الإثباتات المتنوعة متضمنة التحققات المرئية والتي لم يتم إرجاعها إلى أي نظام استدلالي تقليدي. وقد تطورت الرياضيات الهندية من النظام الذي طوره علماء المنطق وعلماء اللغة الهنديون. وقد تطورت الرياضيات في الهند في أربع مراحل واضحة.

مرحلة (الهارابان) من ٢٥٠٠ ق.م. إلى ١٠٠٠ ق.م. وتضمنت الرياضيات الأولية باستخدام الأحجار ، إلخ.

وتلى هذه المرحلة فترة "فيديك" والتي استمرت لمدة ١٠٠٠ عام والتي اهتمت بهندسة الطقس. وخلال هذه الفترة بدأت "الجنسنية" و"البوذية" في الظهور.

ثم تلى ذلك الفترة التقليدية والتي استمرت تقريباً حتى عام ١٠٠٠ ب.م. وقد اهتم الرياضيون في هذه الفترة بتطوير المبادئ القديمة مثل الأرقام والخوارزميات والجبر.



तीर वितास गराम्यापया है वितास वितास गराम्यापया है वितास गराम्यापया है वितास वितास गराम्या है वितास वितास किया है वितास वितास है वितास वितास है वितास वितास है वितास

والمرحلة الأخيرة في الرياضيات الهندية هي فترة القرون الوسطى «لمدرسة كيرالا» والتي انتهت في القرن السادس عشر حيث تم تطوير أفكار أكثر ذكاءً، وسبب انتهاء هذه المدرسة في كيرالا غير معروف تماماً. وعلى أية حال فقد أثرت مدرسة كيرالا كثيراً في الرياضيات الأوروبية حيث إن الاكتشافات الرياضية في أوروبا كانت معروفة مسبقاً لدى علماء الرياضيات في كيرالا قبل ذلك بحوالي ثلاثة قرون.

# هندسة القيدا<sup>(۱)</sup>

كان هندوس فبديك معجبين جداً بالأرقام الكبيرة التى كانت تشكل جزءاً من المسئولية الدينية لديهم. فعلى سبيل المثال عند مناقشة أمر مثل القربان كانت تذكر أرقام مثل ١٠٠٠٠ مليون. وكان هناك اعتقاد كبير بالأرقام التى تزداد على صورة مضاعفات العشرة، وكلما ازداد الرقم أصبح أكثر إثارة.

و هندسة مذبح الكنيسة تعطينا تصوراً للجبر عند هندوس فيديك. فطبقاً لأحد الأنظمة كان مذبح الكنيسة يأخذ شكل شبه منحرف ذى ضلعين متساويين. ويتم زيادة أو إنقاص أطوال الأضلاع بالتناسب مع الطقوس المختلفة. وهناك طقوس مختلفة تتطلب عدم تغير أطوال أضلاع معينة بينما تزداد أو تنقص أطوال أضلاع أخرى.

وقد مكن هذا القادة الدينيين من المسائل الرياضية التى تنطلب حلولاً جبرية. وقد تم وضع قواعد لهذه العمليات والأسئلة التى تأخذ فى اعتبارها عدد الأحجار المستخدمة فى هذه التغيرات. وتقدير عدد الأحجار المستخدمة فى هذه العملية بحبث لا تتقابل الصدوع فى الطبقات المتتالية أدى إلى استخدام المعادلات الآنية.



 <sup>(1)</sup> الفيدا: هي مجموعة الكتب المقدسة في الديانة الهندوسية، وكلمة الفيدا سنسكريتية تعنى «المعرفة»، ولم يبق منها سوى
 اربعة أسفار. (المراجع).

# وقد حسب الرياضيون الهنود قيمة ط الأقرب أربع علامات عشرية.

الطريقة الهندية المعتادة لإيجاد مساحة الدائرة أو حجم الكرة ...



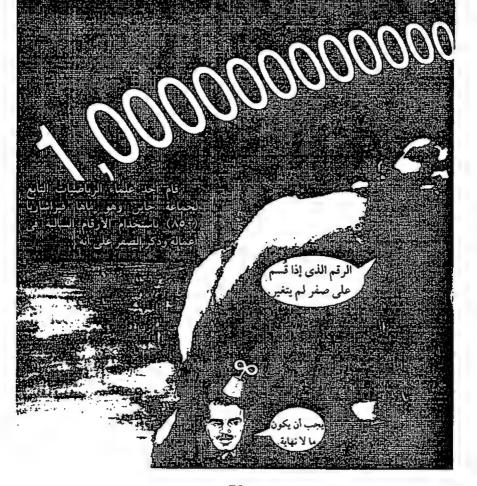
## براهما جوبتا

وظهر الجبر في فترة براهما جوبتا (٥٩٨) (وهو أحد أعظم علماء الرياضيات في الهند) على أنه فرع منفصل من الرياضيات. وقد كتب براهما جوبتا أبحاثاً غطى فيها بعض النقاط مثل الجذور التربيعية والتكعيبية والكسور وقاعدة الثلاثة والخمسة والسبعة وغيرها والمقايضة. وخلال هذه الفترة تم تقسيم المعادلات إلى أنواع ما زالت تعرف حتى الآن: البسيطة Yavat-tavat والتربيعية varga والتكعيبية ahana والتربيعية الثنائية وخلك . varga - varga وكذلك المعادلات الخطية ذات المجاهيل وكذلك المعادلات التربيعية. وكان لبراهما جوبنا العديد من المعلقين الذي نقلوا أفكاره عبر



# أرقام "جاين

اهتم هنود جاين شاهم شأن هندوس فيديك بالأرقام الكبيرة وكانت لهم طريقة منفردة للتفكير في هذه الأرقام فقد اقترحوا أن هذه الأرقام تنقسم إلى ثلاث مجموعات وهي المغذودة والغير معدودة واللانهائية وكل مجموعة تنقسم إلى ثلاث مجموعات فالمتحموعة الأولى على سبل المثال تنقسم إلى الأرقام القليلة والمتوسطة والكبيرة ، أما المحموعة الثانية فتقسم إلى غير معدودة تقريباً وغير معدودة حقيقياً وغير معدودة غير معدودة عير معدودة مو كل نهائي ولا نهائي حقيقي ولا نهائي ولم تعرب لا نهائي ولا نهائي حقيقي ولا نهائي ولم تعرف أوربا قدر هذه الأرقام إلا منذ قرن مصى من خلال أعمال



# اندماجات فيديك وجاين

كان كل من فيديك وجاين الهنود مغرماً بالتعامل مع الاندماجات. وأحد مصادر هذا الاهتمام كان قصائد فبديك الشعرية وتغيراتها. وكان بعض هذه الأبيات مكوناً من ١ مقاطع وبعضها من ٨ أو ٩ ، ١١ أو ١٢. وكان التحدي هو تغيير الأصوات الطويلة والقصيرة في كل مجموعة مقاطع وإيجاد الاندماجات المختلفة المتاحة، وقد أدى هذا البحث إلى العديد من مسائل التباديل على سبيل المثال الروائح التي تنتج من خلط ١٨ مادة في صورة منفردة أو ثنائيات أو ثلاثيات في نفس الوقت.



### الشعر الرياضي

تم تناقل الأفكار الرياضية الهندية في صورة الشعر. ويشيع وجود الألغاز الرياضية في الشعر حتى الآن، وأحد الألغاز الرياضية الشعرية هو:





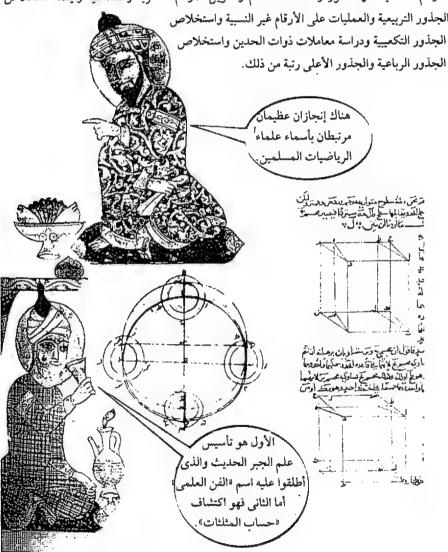
#### راما نوجان

يحتوى التاريخ الهندى على العديد من الرياضيين البديهيين فعلى سبيل المثال كان اسرينيفازا راما نوجان» (١٨٨٧ - ١٩٢٠) فاشلاً أكاديمياً ولكنه كان عالم رياضيات لامعاً. وقد اعتمد راما نوجان على المذهب التصوفي والمينافيزيقا وكذلك الأفكار التجريدية في دراسة الرياضيات. وكانت طريقة الوصول إلى النتائج العميقة الذكية (وبالمناسبة الخطأ) خارج نطاق فهم أى أحد وكان نصيره في انجلترا عالم الرياضيات ج.ه. هاردي والذي زاره ذات مرة بينما كان مريضاً في أحد المستشفيات.



#### الرياضيات الإسلامية

قام المسلمون بتوحيد الفكر الرياضى فى كل الحضارات السابقة لهم ، حيث قاموا بدمج الجبر والعلاقات الحسابية البابلية والهندية والصينية بالعلاقات الهندسية اليونانية والإغريقية. وكنتيجة لذلك كان علماء الرياضيات المسلمون على درجة عالية من الجرأة فى التعامل مع العمليات الحسابية على الأرقام الصحيحة والكسور وكذلك استخدام وتحويل الأرقام العشرية والسداسية وأيضاً استخلاص المجذور التربيعية والعمليات على الأرقام غير النسبية واستخلاص



## الخوارزمي

محمد بن موسى الخوارزمى (توفى عام ٨٤٧) هو مؤسس علم الجبر الذى نعرفه فى أيامنا الآن. وقد أتت كلمة الجبر من عنوان كتابه "كتاب المختصر فى حساب الجبر والمقابلة». وتشتق كلمة خوارزم من اسمه. وقد وضح الخوارزمى كيفية اختصار أى مسألة إلى واحدة من ست صيغ قياسية باستخدام عمليتين الأولى تعرف بالجبر والثانية هى المقابلة.

والمقابلة هي العملية التالية وهي عبارة عن موازنة الكميات الموجبة المتبقية (لذلك إذا كان لدينا ٥٠ + س٢ = ٢٠ + س).









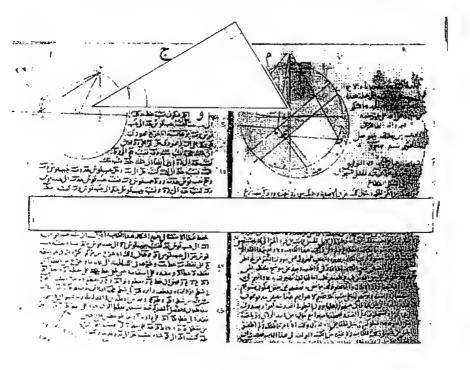
#### اكتشاف حساب المثلثات

قدم علماء الرياضيات المسلمون النسب المثلثية السنة الأساسية وامتدادهم في حل مسائل حساب المثلثات.

وقد حل حساب المثلثات الحديث محل الطريقة غير البارعة لاستخدام الأوتار (المبنية على قطاعات من الدائرة) التى استخدمت بواسطة عالم الفلك اليوناني العظيم Ptolemy ( ١٧٠ \_ ١٧٠) ويتم تعريف هذه الدوال بواسطة أضلاع المثلث القائم الزاوية، والمسمون بـ "م" للضلع المقابل لزاوية ما و "ج" للضلع المجاور لها و "و" للوتر، وهذه الدوال هى جا =  $\frac{n}{e}$ ، جتا =  $\frac{\pi}{e}$ ، وظا =  $\frac{\pi}{f}$  وقد نتج منه هذه التعريفات البسيطة عالم غير مصدق من العلامات. وقد كان حساب المثلثات عبارة عن أعظم تطور هام للرياضيات والفلك والعلوم العملية مثل مساحة الأراضي وبناء الحصون.

والدوال الثلاثة الأخرى هي عبارة عن مقلوب الدوال الأولى وهي :

$$\frac{z}{z} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1}$$



# البطاني

قام البطانى (المتوفى عام ٩٢٩) بإنتاج عدد من العلاقات المثلثية والتى تتضمن : ظا أ =  $\frac{1}{-1}$ 

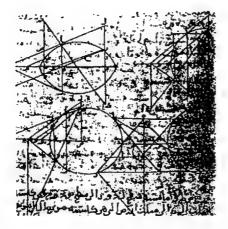
1716+1 =16



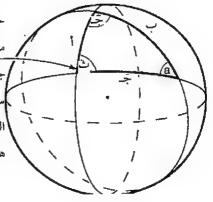
# أبو وفا



كانت أعمالى نافعة جداً لدرجة أنها عبرت أوروبا كلها خلال فترة النهضة . قمت أيضاً بإعداد جداول مثلثية جديدة وطورت طرق حل بعضر مسائل المثلثات الكزوية



حيث أ، ب، جه هي أطوال أجزاء الدوائر التي تكون مثلثاً على سطح الكرة مقدرة بالدرجات أما أ، ب، أحج فهي الزوايا المقابلة لها. ويتم عمل الدوائر على سطح الكرة بواسطة المستويات التي ثمر بمركز تلك الكرة. (في هذه الأيام تتبع الطائرة العابرة للقارات هذه الدوائر حيث إنها تعتبر أقصر مسافة بين نقطتين).



# ابن يونس وثابت بن قرة

وبالرغم من أنها مبنية أساساً على علم المثلثات إلا أنها مكتنا من تحديد قيمة لحاصل الضرب على صورة مجموع. وفي الوقت الذي كانت فيه عملية ضرب رقمين مكونين من عدد كبير من الخانات تعتبر عملية مملة كانت هذه المعادلة موفرة للجهد بطريقة كبيرة ، بعد ذلك أعطت هذه الصيغة بوادر نشأة اللوغاريتمات والتي قامت بنفس المهمة بصورة مباشرة، أيضاً أدت هذه الصيغة إلى الصيغة الأساسية لحساب المثلثات الدائرية المستخدم في هذه الأيام من خلال معادلة جيب التمام.

كتب ثابت بن قرة (المتوفى عام ٩٠١) فى نظرية الأرقام واستخدامهم فى وصف النسب بين الكميات الهندسية وهى خطوة لم يخطُّها اليونانيون أبداً.

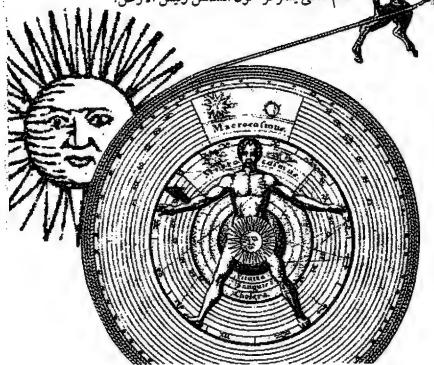


# الطوسي

يعتبر ناصر الدين الطوسى (المتوفى عام 1۲۷٤) أفضل العلماء فى مجال حساب المثلثات بنوعيه المستوى والكروى. ومعالجته المبنية على الفهم لتحليل المثلثات الكروية تعتبر واحدة من الدراسات المؤسسة لتطوير علم الرياضيات. وقد أسس أزواج طوسى والتى وضح من خلالها أن الحركة فى

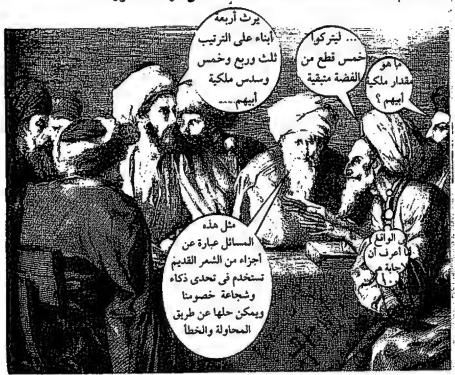
خط مستقیم ذهاباً و إیاباً یمکن مشیلها علی هیئة تراکب حرکتین المحکور مستقیم المحکور المحکور مستقیم المحکور الم

ب المراد مي الدارة الصعرة مع الما



# حل المسائل التي تتضمن أرقاماً صحيحة

ظلت المسائل التي لها حلول عبارة عن أرقام صحيحة شائعة على مر القرون، فهذه هي الأرقام التي يفهمها التلاميذ. ومثال تلك المسائل هو مسألة الوراثة:



وتم التوصل لأول تقريب لهذه المسائل بواسطة ديوفانتوس (٢٧٥) وكان علماء الرياضيات المسلمون على درجة عالية من النشاط في تطوير هذا العمل. وكانت نقطة اللهء الطبيعية هي أرقام فيثاغورث مثل 7، 3، 6 والتي تكون أطوال أضلاع مثلث قائم الزاوية، وتم تعميم هذه العلاقة وقام العلماء المسلمون بالبحث عن حل صحيح للمعادلة  $m^{i} + m^{i} = 3^{i}$ . وكان هناك العديد من علماء الرياضيات من قاموا بإثبات استحالة حل هذه المعادلة ومن ضمن هؤلاء كان فيرمان لو الذي سميت هذه المسألة باسمه. وقام العلماء التالين باكتشاف بعض الأخطاء التي بينت أن هذه المسألة صعبة جداً بالفعل!

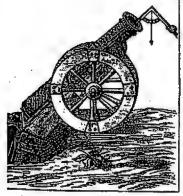
# نشأة الرباضيات الأوروبية

اعتمدت الرياضيات الأوروبية في تطورها على المساهمات من كل الحضارات الأخرى، فخلال العصور الوسطى كانت أوروبا أقل شأناً من الحضارات الأخرى في كل نواحى التقنية والعلوم والثقافة. وقد بدأت في اللحاق بالركب عن طريق الاحتكاك الثقافي أثناء الحملات الصليبية ومن خلال الحوار بين العلماء في كل من أسبانيا وإيطاليا. وقد تم نقل وترجمة الأعمال العربية سواء إذا كانت مترجمة من اليونانية أو أعمالاً أصلية وذلك بواسطة فرق عمل متضمنة الوساطة اليهودية في بعض الأحيان.



ومن بقايا هذه العملية الأسماء العلمية التي تبدأ بـ "الـ" مثل الجبر والكحول (Algebra & Alcohal). وقد تم إعادة اكتشاف العلاقات الفيثاغورثية من الرياضيات الفنية والصوفية خلال عصر النهضة في القرن الخامس عشر.

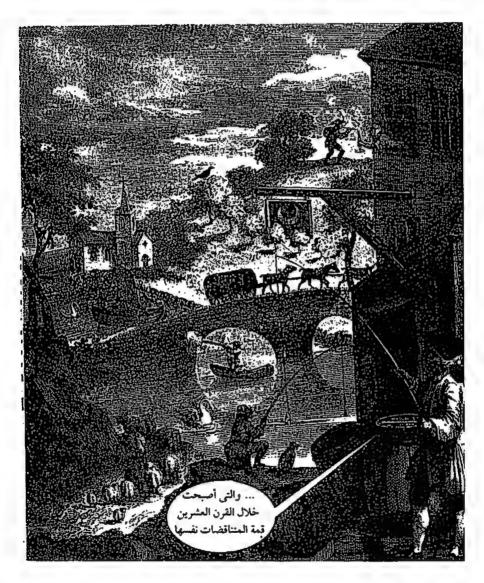




وكانت الرياضيات لها دور أساسى فى الإبحار فى أعالى البحار وتم تطبيقها فى كثير من المجالات مثل الدفاع (تصميم الحصون) والهجوم (مصاطب المدفعية) فى داخل الأوطان. وكانت المجالات مثل حساب المثلثات هامة جداً لنجاح هذه المغامرات، وقد تم تقدمها فى كلا المجالين التجريبى والنظرى.

هذا بالإضافة إلى التطور المنتابع للعلوم التجارية والتى تطلبت تحسين طرق المحاسبة. وقد دعت الكنيسة فى البداية لاستخدام الأرقام العربية والاحتفاظ بالكتب ذات اللغتين (العربية والأوروبية على سبيل المثال). وكان ذلك لا يحتاج إلى تبرير ولكنه أمر واجب القبول. وفى هذه الأيام أصبحت هذه الأمور هامة جداً لدرجة يصعب معها إهمالها أو تجاهلها.

وقد صاحب تطور الرياضيات الأوروبية في المجال النظرى بعض الأزمات والمتناقضات. فقد أصبحت الأرقام السالبة والأرقام غير النسبية ( والتي نادراً ما أزعجت الصينيين والهنود والمسلمين) على درجة عالية من الصعوبة بالنسبة لعلماء الرياضيات الأوروبيين حتى أثناء استخدامهم بنجاح باهر. وفي الحال أدت هذه المتناقضات إلى ظهور مجالات جديدة من الرياضيات ...



## رينيه ديكارت

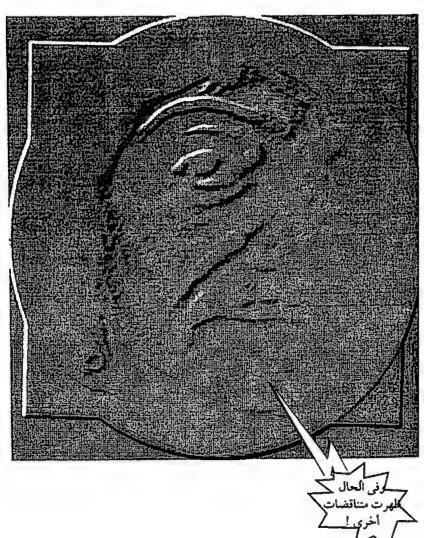
ويلاحظ أن أعظم مبتكر أوروبى فى الرياضيات هو الفرنسى رينيه ديكارت (١٥٩٦ - ١٦٥٠) والذى كان فيلسوفاً أيضاً. ومن خلال أبحاثه الشخصية فى التأكد تحول من تعلم الأدب الإنساني إلى متابعة الرياضيات، ولكنه فى البداية كان محبطاً.



لماذا كان ديكارت على هذه الدرجة العالية من الاستخفاف بالجبر لدرجة أنه أراد أن يحسنه؟ حسناً، فقد كان الجبر مصاغاً جزئياً في خلال القرن السادس عشر، فقد كانت هناك بعض النقاط العامة ذات الأسماء المختصرة التي لم تكن على درجة وصف واضحة ولا حتى تمت معالجتها بطريقة بارعة. ولكن بالنسبة لعلماء الرياضيات في ذلك الوقت كانت هناك أمور أسوأ، فقد وجدوا أنفسهم يقومون بوصف أشياء تافهة أو سيئة!

لقد ذكرنا سابقاً الأرقام التخيلية، وهي جذور المعادلات مثل س٢ + ١ = ٠ ، إلى أي نوع من الأرقام تنتمي هذه الأرقام ؟

فنحن لا نستطيع عد الأشياء بواسطة هذه الأرقام. أيضاً ما هى الكميات الفيزيائية التى يعطى مربع قياسها كميات سالبة ؟ هذا يعنى أنه يلزم التعامل مع هذه الأرقام بمعالجة بارعة لبعض القواعد، وفي النهاية لا توجد دواعى قلق من كتابة الهراءات مثل تلك!

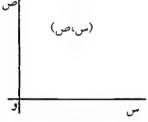


## الهندسة التحليلية

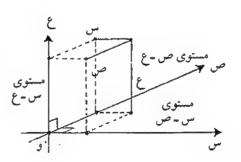
ظهرت الهندسة التحليلية أو هندسة الإحداثيات كنتيجة لمجهودات ديكارت. وتبنى الهندسة التحليلية على فكرة أن أى نقطة في الفراغ يمكن ...



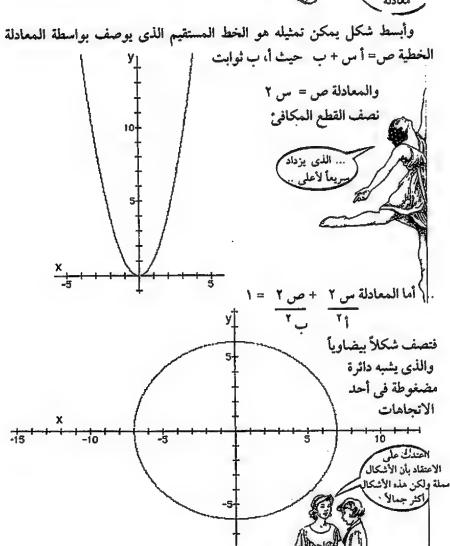
فى الهندسة المستوية يوجد محوران متعامدان نطلق عليهما «محور س» و«محور ص». ويمكن تحديد موقع أى نقطة فى المستوى بواسطة إحداثياتها (س،ص) والتى تعطى المسافة بين تلك النقطة ونقطة الأصل على المحور بين س و ص، ونقطة الأصل هى نقطة تقاطع المحورين.



أما فى حالة الثلاثة أبعاد فيوجد ثلاثة محاور متعامدين تبادلياً وهم محور س و ص و ع







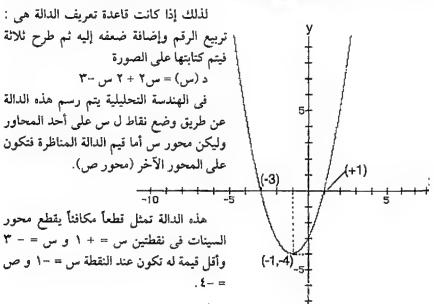


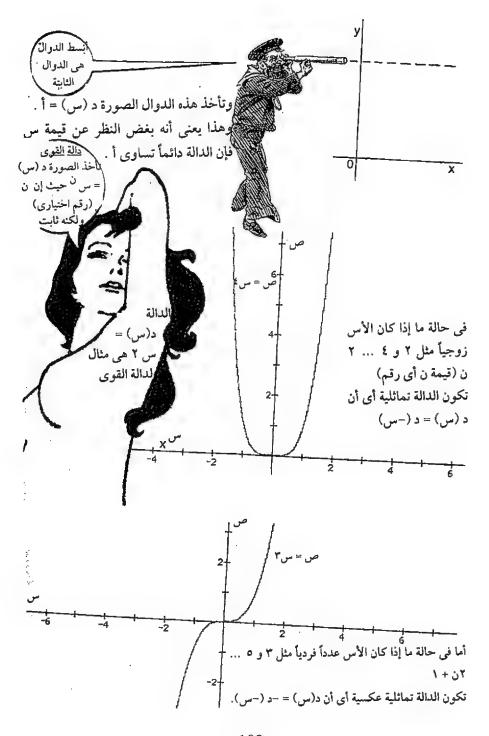
... وهى القطع الزائد الذي يتم تمثيله بواسطة المعادلة  $\frac{Y}{Y}$  -  $\frac{Y}{Y}$  = 1 . وإشارة السالب هى التى تقوم بكل أشكال الاختلافات حيث  $\frac{Y}{Y}$ إن هذا المنحني عبارة عن فرعين يزدادان بسرعة إلى ما لا نهاية بیضاوی کزیمهٔ کماک

### الدوال

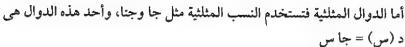
تقوم الدوال بإظهار صورة اعتماد أو علاقة متغير ما بمتغير أو متغيرات أخرى، فنقول إن ص هى دالة فى س أو أن ع هى دالة فى س و ص. (نستخدم الحروف فى آخر الأبجدية للتعبير عن المتغيرات، أما تلك فى بداية الأبجدية فتعبر عن الثوابت فى غالب الأحيان كما استخدمهم ديكارت).

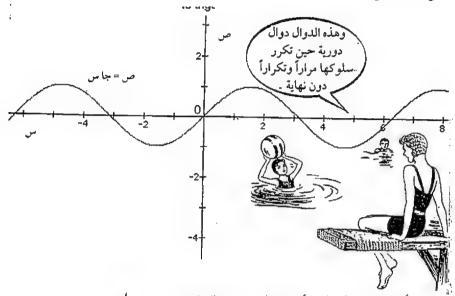




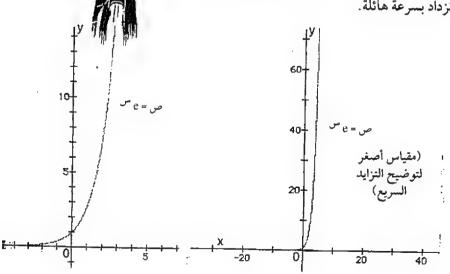


الدالة الجذرية هي عبارة عن «عكس» دالة القوى، لذلك الدالة د(س) = س<sup>۲</sup> = ۱*س* هي عكس الدالة د (س) = س ٢. الدالة كثيرة الحدود يتم تمثيلها بواسطة عدد من الثوابت أ ، ب، جم ، و، ... ومتغير واحد س الذي يتغير في أسسه. لذلك الدالة كثيرة ير الحدود من الممكن أن تأخذ الصورة \ د(س) = أس٣ + بس ٢ + جس + د . فيما وراء ذلك توجد دوال «مبهمة»

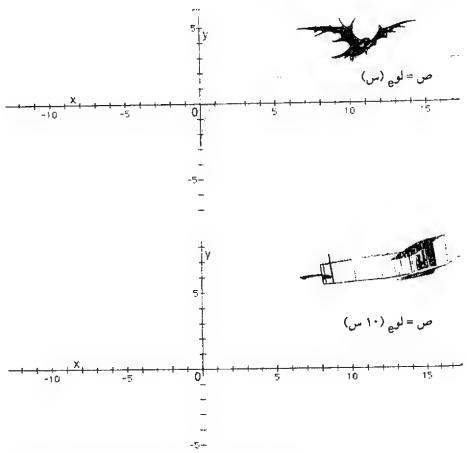




الدوال الأسية مثل د (س) = أس تختلف عن دالة القوى في أن الرقم الثابت في هذه الحالة يكون هو الأساس أما س فهو الأساس. والدوال الأسية ذات أساس أكبر من واحد تزداد بسرعة هائلة.



الدوال اللوغارتمية هي عكس الدالة الأسية وتكتب على الصورة د(س) = لو (س) ؛ ويسمى الرقم أ بأساس اللوغاريتم. وتتزايد هذه الدوال تزايداً بطيئاً جداً. ومثال تلك الدوال : لو (0.1) = لو (0.1) (0.1)



واللوغاريتمات التى نستخدمها فى الجداول لها أساس عشرة. وفى الكمبيوتر (والذى يعمل بالحسابات الثنائية المبنية على الرقمين صفر وواحد) يكون الأساس المناسب هو اثنان. وفى حالة الرياضيات النظرية فإن الأساس المفضل هو:

ث = ۲,۷۱۸۲۸۰۰۰

وهذا هو «أبو كل الأساسات» والذى يمثل الدالة الأسية e = (m) والتى لها معدل تزايد مساو تماماً لحجمها.



# التفاضل والتكامل

كانت أعمال ديكارت هى أوج عملية تحرير الجبر من الكلمات ، تماماً مثلما فعلت الهندسة اليونانية من تحرير الإنشاءات من الأرقام. وقد انطلق تطور الجبر بمجرد أن وضع ديكارت صيغة لوصف العلاقات الجبرية . وخلال أربعين عاماً من نشر الهندسة الجبرية لديكارت قام العالم الرياضى الفيلسوف الألماني جونفريد ويليام فون ليبنز (١٦٤٦ ـ ١٧١٦) بابتكار جبر للانهاية.

وهذا هو ما نسميه التفاضل والتكامل وهو أداة فعالة في تحليل النمو والتغير بصفة عامة.

مكان الجسم المتحرك : س السرعة أو الجريان : س•

نيوتن



المتغير س الدالة د (س) المنحنى ص = د(س) ميل المماس = المشتقة دّ(س) = ء ص

المساحة تحت المنحنى بين نقطتين س = أ و س = ب د (س) = ء س ليبنز

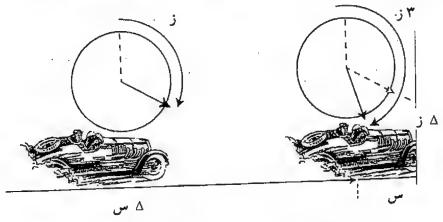
أما السير إسحق نيوتن (١٦٤٢ ـ ١٧٢٧) فقد قام باكتشاف مماثل لذلك في فترة سابقة نوعاً ما ولكنه قام فقط باستخدام ملاحظات ديكارت في صورة موسعة بدلاً من الإضافة إليه لذلك فإن الصورة التي وضعها ليبنيز للتفاضل والتكامل هي الصورة السائدة هذه الأيام. لذلك فإن الفيلسوفين ديكارت وليبنيز هما اللذان وضعا الأفكار والملاحظات التي شكلت الرياضيات بعد ذلك.





عملية إيجاد كيفية تغير كمية ما تسمى التفاضل، فعندما نقوم بتفاضل دالة ما فإننا نحصل على معدل تغيرها .

فإذا ألحذنا في الاعتبار مركبة تسير في طريق ما ، فإننا نجد أن موقعها يتغير بصورة متصلة على طول الطريق. وعند أي زمن ز يكون موقعها س متمثلاً بواسطة الدالة المتصلة س(ز).



٢- مع استمرار المركبة فى الحركة فإن
 موقعها سيتغير وليكن هو س+ △ س
 وذلك بعد مرور برهة من الوقت △ ز .

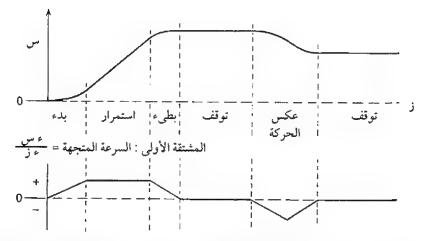
3- تصل هذه المركبة إلى موقعها الجديد بعد مرور وقت عبارة عن مجموع الوقت الابتدائى ز بالإضافة إلى البرهة  $\Delta$  زأى أن الوقت الكلى هو ز +  $\Delta$  ز .

 وإذا افترضنا أننا نريد أن نعرف سرعة أى جسم متحرك عند أى لحظة ز أو معدل تغير س عند زمن معين ز ، نستطيع أن نحسب ذلك عن طريق تقليل الزيادة فى الزمن  $\Delta$  ز بقدر الإمكان حتى تصل إلى الصفر . وفى هذه الحالة فإن نهاية السرعة المتوسطة  $\frac{\Delta m}{\Delta i}$  عندما تؤول  $\Delta$  ز إلى الصفر تعرف بالسرعة المتجهة اللحظية ، وتكتب على الصورة :





وإذا قمنا برسم س كدالة في ز فإن المشتقة تعبر عن ميل المماس للمنحني عند ز.



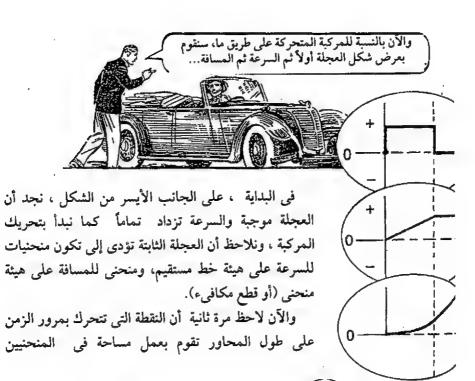
ويمكننا أيضاً القيام باشتقاق المشتقة لنحصل بذلك على المشتقة الثانية، وفي مثالنا هذا للمركبة على الطريق فإن المشتقة الثانية: تعطينا معدل تغير السرعة أو العجلة.





ويمكننا توضيح مدى فاعليتها باستخدام مثال المركبة التي تتحرك على طريق ما والأشكال الثلاثة للمسافة والسرعة والعجلة.. وبدلاً من البدء بدالة المسافة تم القيام باشتقاقها دعنا نبدأ بالمشتقات ونعود بطريقة عكسية إلى دالة المسافة.

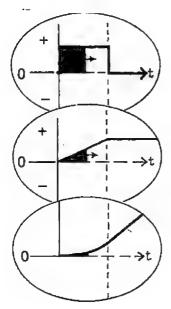




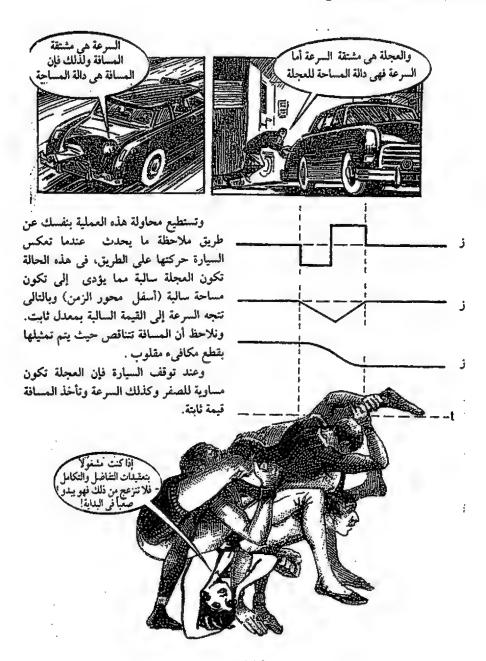
السفليين ، وهذا هو مفتاح فهم التكامل بأكمله ، لذلك راقب جيداً عن قرب.

بالنسبة لمنحنى العجلة نلاحظ أن المساحة المتزايدة تقوم بمسح مستطيل وتزداد مساحته تناسبياً مع الوقت المقطوع ، وهذا تماماً هو نفس سلوك منحنى السرعة !

وبالنسبة لمنحنى السرعة فهو يمثل مثلثاً متزايداً وتزداد مساحته فى البداية ببطء ثم بعد ذلك بسرعة أكبر، وذلك هو نفس سلوك منحنى المسافة!

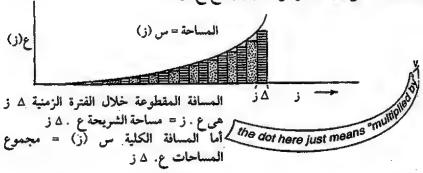


والذى نستنتجه من ذلك أنه إذا كانت دالة ما هى مشتقة دالة أخرى فإن هذه الدالة الثانية هى دالة المساحة للدالة الأولى.





فإذا بدأنا بمنحنى السرعة ع(ز) وتخيلنا أن المساحة أسفل هذا المنحنى عبارة عن شرائح رفيعة جداً كل منها له عرض ∆ ز وارتفاع ع (ز).



وبذلك فإن المساحة الكلية تحت المنحنى هى مج (كل الشرائح ع(ز) . ۵ ز)

وكل من تلك الفترات تقوم بوصف المسافة المقطوعة بسرعة ثابتة ع خلال الفترة الزمنية ز





لكى نرجع إلى التعريف السابق وهو عكس المشتقة فإن كل ما نحتاج تخيله هو الشريحة الرقيقة السابقة وهى △ س نفسها.

وحيث إن ∆ س = ع . ∆ ز.

$$\frac{\Delta}{\Delta} = \frac{(3 \cdot \Delta)}{\Delta}$$

$$\frac{\Delta}{\Delta} = \frac{\Delta}{\Delta}$$

$$\frac{\Delta}{\Delta}$$

$$\frac{\Delta}{\Delta} = \frac{\Delta}{\Delta}$$

$$\frac{\Delta}{\Delta} = \frac{\Delta}{\Delta}$$

$$\frac$$

وعلى ذلك فإن مشتقة الدالة المتكاملة التي تم تعريفها من خلال مجموع الشرائح هي نفسها الدالة التي تُعبر. مساحاتها عن الدالة المتكاملة.

والآن من السهل أن نوجد مشتقات الدوال سواء إذا كان بصورة جبرية أو بواسطة بعض الدوال. ولإيجاد الصورة الجبرية لدالة المساحة فإننا نقوم بالبحث عن تلك الدالة الني تُعبر مشتقتها عن الدالة الأصلية ويتم اختزال المسائل التي تختص بدراسة خواص المنحنى ككل إلى مسائل أبسط تدرس خصائص المنحنى عند نقطة.





وقد تم تطبيق التفاضل والتكامل في مجالي الميكانيكا والفلك.

وأدى استخدام المعادلات التفاضلية فى الفيزياء إلى نشأة الفيزياء الرياضية، وبمساعدتها فقط استطعنا أن ندرس علوم الحرارة والطاقة والكهربية والمغناطيسية. ويعتمد العلم الحديث، والذى يدعم التكنولوجيا المتقدمة، بصورة مباشرة تماماً على التفاضل والتكامل.

#### أسئلة بيركلي

ماذا عن هذه الزيادة الصغيرة ولغز كيفية وصولها للصفر ؟ سأل الناس هذا السؤال في وقت



وكان هدف بيركلى هو توضيح أن الملحدين الذين طالبوا بسرعة إحلال الألغاز والخرافات الدينية بالعلم والعقل كانوا على درجة من الجهل العقائدى مثلهم مثل أسوأ علماء الدين. وقد سأل في افتتاحية كتيبه: «.. هل أن الأهداف والمبادىء والتداخلات الموجودة في التحليل الحديث قد تم فهمها بوضوح وإثباتها بالدليل أكثر من الألغاز الدينية ونقاط الإيمان؟» وكانت الإجابة واضحة بالنسبة له...

وقد اتجه علماء الرياضيات إلى الإجابة على الأسئلة التى وردت فى كتيب بيركلى الذى أسماه «المحلل» وقد استخدم بيركلى هذه الإجابات ليواجه ارتباكاتهم بصرامة، وكان رده: إن دفاع أصحاب الأفكار الحرة فى الرياضيات يعتبر عملاً أستاذياً فى التحليل الحرج.



وقد حاول بيركلى أن يوضح أن تعلم حل المسائل فى الرياضيات والعلوم لا يساعدنا بالضرورة على فهم ما يدور حوله. وقد توقع صورة البحث العلمى الذى تم تطويره بواسطة ت. س. كون الذى قام بوصف «العلوم العادية» كعملية تدريب على «حل الألغاز» من خلال مثال (إطار التفكير) لم تتم الإجابة عليه وهو بالفعل لا يمكن الإجابة عليه طوال فترة عمله . وبالنسبة لكون العلم العادى فى الواقع عبارة عن تدريب لأصحاب العقول الضيقة، وعملية تدريس العلوم (بما فيها الرياضيات) هى بالضرورة شىء جازم بدون دليل.



# إلة أويلر

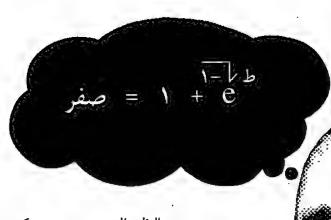
كان العالم السويسرى ليونارد أويلر (١٧٠٧ ـ ٨٣) أول من ربط بين الدوال الأسية والدوال المثلثية ووضع صيغة لعلاقتهم. كان لأويلر عبقرية غير عادية في الرياضيات وهناك الكثير من القصص حول براعته الفائقة. وكان أويلر موظفاً في بلاط قصر فريدريك ملك بروسيا حينما قابل الفيلسوف الفرنسي دينيس ديدروت (١٧١٣ ـ ٨٤) الذي كان ملحداً متعصباً..



ولا تحتوى الصيغة التي ذكرت في هذه القصة على شيء في مضمونها، ولكن قام أويلر بتطوير معادلة من أجمل الصيغ في الرباضيات كلها، والتي تجعل من يتعرض لها أن يتوقف أمامها ويفكر فيها بالتأكيد.

والصيغة التي وضعها أويلر هي تعبير لغزى مبهم والذي يقوم بربط الأرقام الخمسة الأساسية في الكون.





وبالنظر إليهم بترتيب معكوس ، فأول ما نقابله هو الصفر شبه الرقم ذو الصفة اللغزية.

بعدها نجد ۱ ، الوحدة ، أساس كل الأرقام . ثم يظهر لنا سالب واحد تحت الجذر التربيعي (را - ۱ الذي يسمى "ت") وهو الوحدة الأساسية في "الأعداد التخيلية" والتي أذهلت العديد من الثقافات والحضارات. بعد ذلك نجد أقدم الثوابت الرياضية، ط، الذي يقيس النسبة بين محيط الدائرة وقطرها. أما آخر رقم وهو أحدث ما تم اكتشافه ، الرقم المبهم، ع ، وهو

هل كان من الممكن استنتاج علاقة مثل هذه بالتجربة أياً كان طول تكرارها؟

أساس النمو الأسى الطبيعي.

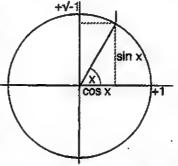
وفى الواقع، فإن صيغة أويلر الرائعة جداً قد نتجت من دالة (قد اكتشفها هو) تربط بين الأعداد المركبة والدوال المثلثية التي اكتشفها علماء الرياضيات المسلمون (انظر صفحة ٩١).

وقد لاحظنا أن الدالة e لها منحنى يتزايد بسرعة كبيرة، وعلى العكس فإن e يمثل دائرة! ونصف قطر هذه الدائرة هو الوحدة أما س فهى الزاوية التى يصنعها الخط الواصل من نقطة الأصل إلى أى نقطة. وتزداد قيمة س من صفر إلى ٢ ط مع تحرك النقطة على الدائرة. ولكن إذا نظرنا إلى هذه الصيغة من وجهة نظر حساب المثلثات نجد أن الحاس هو عبارة عن

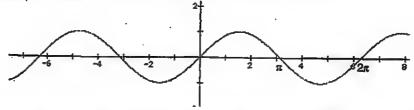
عدد مركب الجزء «الحقيقى» فيه هو أُجنا س أما الجزء «التخيلي» فهو جاس.

لَّذُلُكُ يَمَكُنْنَا كَتَابِهِ e تَ سَ = جَتَا سٍ + تَ جَا سٍ ، حَيْثُ تَ هُو الرَّمْزِ الشَّائِمُ لَـ ١-١٠ .

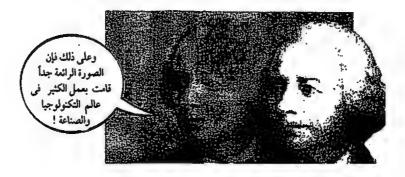
ماذا لو انحدرت النقطة على الدائرة مرة أخرى ، نجد أن الزاوية س تستمر فى الزيادة، هذا يعنى أن الدوال و ت س وجا س تستمر فى تكرار



نفسها. ويقال إن هذه الدوال دورية . ويتم تمثيل منحنى ص = جاس على الصورة : ويشابه هذا العديد من الظواهر التي إما أن تكون تبادلية بالنسبة للزمن مثل التيار الكهربى ، أو الموجات المنتشرة في الفضاء مثل الصوت. ودوال الجيب وجيب التمام هي الوحدات



البنائية في كل صور الموجات المعقدة التي تحمل رسائل ما. والقيام بالرياضيات بواسطة دوال الجيب أو جيب التمام عن طريق استخدام الصيغة «الأسية التخيلية» تقوم بتحويل الحسابات المرهقة إلى تمرينات مرتبة وسهلة.



### علوم الهندسة اللا إقليدية

كل ت ت ي ي ي ي ي

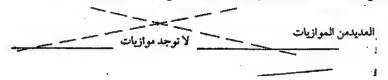
رأينا أن إقليدس استنتج كل هندسته من «ملاحظات شائعة» قليلة «وافتراضات» ذاتية الدلائل،ولكن واحدة من هذه الافتراضات والتى تبدو مشابهة للنظرية لدرجة كبيرة . وقد شكل نظام إقليدس هذا ارتباكاً على مر العصور غير أنه قابل شكوكاً في صحته واكتماله.

وبعد ذلك أصبح هذا النظام أساساً لمرجلة عظيمة في تاريخ التخيل الرياضي وهي ابتكار الهندسة اللاإقليدية.

وقد تم ابتداع هذه الهندسة بواسطة العديد من الأشخاص، ولكن أول من قام بذلك لم يكن يعرف أنه يسير في اتجاه هذه الهندسة . كان هذا والذي نوى أن ينهى كل هذه المراوغات نهائياً. وقد حاول في كتابه "تحرير كل العيوب بواسطة إقليدس" في عام "١٧٣٣ أن يوضح أنه من المستحيل التعامل مع الهندسةبدون "فرض التوازى".



عن مبدأ التوازى. وبالنسبة لنا فتكون طريقة التعبير كَالتالى: إذا أخذنا في الاعتبار خطأ مستقيماً وكانت هناك نقطة خارجة عنه فإنه يوجد خط واحد وواحد فقط يمر بهذه النقطة ويوازى ذلك الخط في نفس الوقت ، وإذا لم يتم قبول هذا التعريف تكون النتيجة: إما أن يكون لدينا أكثر من خط يحمل هذه الخاصية أو ألا يكون هناك أي خط على الإطلاق يوازي الخط الأول.



فى البداية تم التحقق من فكرة العديد من الموازيات بواسطة كل من عالم الرياضيات المجرى جانوس بولاى (١٨٠٦ ـ ٦٠) وعالم الرياضيات الروسى نيقولاى لوبا شيفسكى (١٨٥٦ ـ ١٧٩١)كل على حدة وفى ذات الوقت تقريباً .وبعد ذلك قام العالم الألمانى جورج ريمان (١٨٠٦ ـ ٦٦) بالتحقق من فكرة عدم وجود موازيات . وفى النهاية تم التحقق من أن هذا النوع من الهندسة من الممكن أن يتم بواسطة إنشاءات فى أنواع خاصة من الأسطح. فبالنسبة لهندسة ريمان تعتبر الكرة مثالاً جيداً إذا اعتبرنا أن الخط عبارة عن دائرة عظمى، وهو المنحنى على سطح الكرة الناشىء عن تقاطع مستو يمر بمركز الكرة مع سطحها. ويلاحظ أن أى دائرتين عظميين تتقاطعان فى نقطتين وعلى ذلك فلا يوجد أى موازيات.



# الفضاءات نونية(\*) الأبعاد

هناك تطور آخر معاكس للبديهة في الهندسة وهو دراسة الفضاء الذي له أبعاد أكثر من ثلاثة . وامتداد نظام ديكارت للهندسة الجبرية بحيث يتم وضع أبعاد أكثر وضوحاً ومباشرة. فبدلاً من أن يتم التعبير عن موقع نقطة في المستوى بواسطة الأبعاد (س،ص)يتم التعبير عنها في هذه "الفضاءات الزائدة" بواسطة الأبعاد (س، س، ،…، وبالطبع تختلف خصائص المنحنيات في هذه الفضاءات الزائدة عن تلك المرسومة في بعدين أو ثلاثة، ولكن الاعتقاد بوجود تلك الفضاءات متعددة الأبعاد لا يشكل أي صعوبة بالنسبة لنا في هذه الأيام.



<sup>(\*)</sup> لها عدد ن من الأبعاد في الغالب يكون أكثر من ثلاثة. (المترجم).

ونمت كتابة عمل جيد عن الخيال الرياضي والنقد الاجتماعي يهتم بهذه الفكرة وهو يسمى «الأرض المستوية Flatland» وهذا العمل يصف مجتمعاً من الأشخاص الفعليين الذين يعيشون في مستوى ، وهذا مشابه تماماً لفترة العصر الفيكتوري حيث كانت حالة الفرد الاجتماعية تعتمد على عدد اجوانب الشخص Person's sides حيث كان للطبقة العليا أربعة جوانب وللأرستوقراطيين العديد والعمال ثلاثة، أما النساء فكانت لهم مجرد إبرة!

وكان «المربع»البطل الذي لديه خبرة بالأبعاد الثلاثة من خلال علاقة الصداقة التي تربطه بالكرة . وكان هذا الكائن يظهر لسكان هذه الأرض كل خمسمائة سنة على هيئة دائرة التي تبدأ من نقطة ثم تنمو ليزداد حجمها وبعد ذلك تتضاءل ثم تختفي. والذي لم يكن مفهوماً بالنسبة لقاطني هذا المكان هوالكرة التي تمر عبر مستواهم .فهذه الكرة تصادف المربع وتأخذه في رحلة

عبر الفضاء وتعرض عليه الأرض الخطية والأرض النقطية الآهل بمخلوقات راضية نوعاً ما. وتقوم كذلك بإطلاعه على الحياة الخاصة لسكان الأرض المستوية. ويعاني المربع كثيراً في رحلة عودته حيث إنه يحاول أن يصف الفضاء ولكنه يعجز عن توضيحه لأصدقائه ، الذين يظنون أنه منزعج.



#### إيفاريست جالوا

فى أثناء القرن التاسع عشر ازدادت قوة وعمومية العبر، فقد أصبح متأصلاً فى شكليته وصياغته وبالتدريج بدأت فكرة أن أنظمة الصياغة تستطيع أن تشير إلى أشياء أخرى غير الأرقام والعمليات الحسابية عليها. وقد تم اتخاذ خطوة للأمام فى هذا المجال بواسطة العالم الرياضى الفرنسى إيفاريست جالوا (١٨١١ ـ ٣٣) وهو بدون شك واحداً من أهم الشخصيات البارزة فى تاريخ علم الرياضيات. وقد كان واحداً من الجمهوريين الغيورين فى وقت فيه العديد من الصراعات السياسية. وقد كان ضحية عوامل الغضب الثورية ، وقد قتل فى ريعان شبابه وعمره ٢١سنة ، وفى آخر ليلة قبل وفاته قام بكتابة مخطوطة تحتوى على كل أفكاره .و قد اختفت هذه المخطوطة فى البداية ثم بعد ذلك ظهرت ونشرت بعد خمسة عشر عاماً من وفاته.

وقد قام جالوا بمناقشة مشكلة قديمة وهي إيجاد جذور المعادلة الخماسية س٠ +.... صفر .وفي وقته اجتمعت كل الآراء على استحالة هذه العملية ولكن لم يقم أحد بإثبات ذلك.



#### المجموعات



المجموعات هي تكوينات رياضية يتم تعريفها بواسطة عناصر وبعض قواعد الأنباء أريدان الاندماج. ويمكن اعتبارهم أنهم أنظمة سلرك الجميع علاقة بين عناصر تلك المجموعات وبين علاقة بين عناصر تلك المجموعات وبين القياس أو العد وكذلك فهي ليست أرقاماً بالمعنى الطبيعي للكلمة. وقد أوضح جالوا أن هناك تتابعاً من العمليات التي تسلك نفس سلوك الجمع.

وهذه التتابعات لها القليل من الخصائص التي تُعرفها.

١ ـ لكل عنصرين يوجد عنصر ثالث ينتج من اندماجهم، مثل : ٢ + ٢ = ٤ .

Y\_ هناك عنصر يسمى بعنصر «الوحدة» وهو لا يغير العنصر الذي يندمج معه مثل :  $Y + \cdot - Y$  .

 $^{-}$  کل عنصر له «معکوس» والذی عندما یندمج معه ینتج عنصر الوحدة مثل  $^{-}$  +(-7)= صفر.



وكمثال لأحد المجموعات ، وهي أحد الأمثلة البسيطة جداً التي قدمها عبد المجموعات ، وهي أحد الأمثلة البسيطة جداً التي قدمها عبد المجموعات ، فأخذ في الاعتبار الأربعة أشكال المسماة.

المحمد المحمد المجموعة ، ولكن عناصر المجموعة تتكون من عملية تدوير هذه الأشكال الأربعة. وإذا تخيلنا عملية تدوير بينهم إما عن طريق تدوير واحد فقط



وإذا أسمينا عمليات التدوير هذه I,C,B,A فإن C+A يعتبر تدوير T+T أماكن أو T+T أماكن وهو مساو لعنصر تدوير الوحدة T! ومن الممكن أن نكون جدولاً لجمع هذه العناصر بكل الصور.



	I	Α	B	C
I	I	A	B	C
A	A	B	C	I
B	B	C	I	A
C	C	エ	A	B

وبالرغم من أن هذا المثال تافه إلى حدًّ ما إلا أنه يحتوى على فكرة فعالة ، وهى أن علماء الرياضيات من الممكن أن يلاحظوا أى نظام عمليات عن طريق «جدول الجمع» . ونحن لسنا بحاجة إلى أمثلة إما فى الحالة الفيزيائية مثل الحركة أو الجبرية مثل جذور المعادلات. وهذا الهيكل البنائي يقوم بتعريف نفسه ،ومثل هذه الهياكل البنائية والتي لا يلزم أن تكون مجموعات ومن الممكن أن نجد مجموعات اندماج أخرى وربما تظهر جداول لعملية الضرب أيضاً.

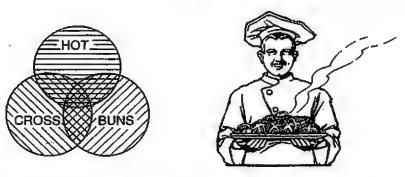


لنفترض أننا نبحث عن Hot Cross Buns فإننا نقوم بكتابة الكلمات الاسترشادية.

## Hot Cross Buns ويقوم محرك البحث بسؤالنا عما إذا كنا نريد المواقع التي بها

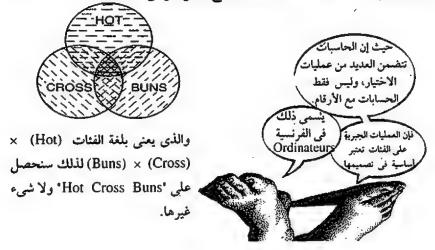
اي الكلمات الاسترشادية أو كل الكلمات الاسترشادية)

والاختيار الأول يعطينا كل المواقع التي تحتوى على Hot أو Cross أو Buns ويتم تمثيل ذلك بواسطة أشكال «فن» على الصورة:



ويعنى هذا بلغة الفئات (Hot) + (Cross) + (Buns) . وهذا يعنى أنه يولد الكثير من المواقع التي لها الكثير من الاهتمامات وهي ليست بالضرورة ذات صلة بما نريد.

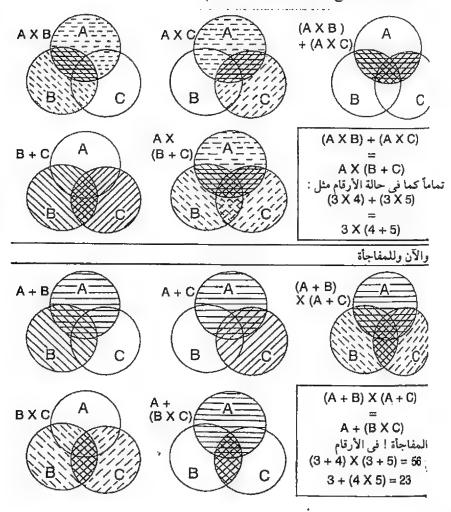
ولكن إذا كنا نريد "Hot Cross Buns" فقط فهذا يعنى أننا سنحصل على المواقع التي تحتوى على كل من Hot و Cross ويصبح شكل فن في هذه الحالة:



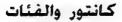
والعمليات الجبرية على الفئات شيقة جداً وذلك لأنها على عكس الحسابات تحتوى على نوعى علاقات «التوزيع».

$$C + A = (C \times B) + A$$
 و کذلك  $C \times A = (C+B) \times A$ 

والحالة الأولى تتماشى مع الحسابات العادية ولكن الثانية لا تتماشى . أما فى حالة الفئات حيث تعنى "X" التقاطع و "+" اتحاد تتماشى كلتا الحالتين من خلال التوضيح المبين بواسطة "أشكال "فن" وها هو "قانون التوزيع" الذى يتحقق بالنسبة للأرقام.



ومثل هذه الأمثلة أعطت علماء الرياضيات مدى فهم عظيم لتخيلهم. فالحسابات التى يقوم بدراستها علماء الرياضيات أصبحت متزايدة في اختلافها عما نعرفه عن الأرقام.



بينما انشغل البعض بالأرقام كان البعض الآخر مهنماً باللانهائيات والفئات الموصوفة بكونها لانهائية في الحقيقة ثم تركها للرموز الرياضية واللغزية.

وقد توجه عالم الرياضيات الألماني جورج كانتور (١٨٤٥ ـ ١٩١٨) إلى ترويض اللانهاية.

> وضعت كيفية تكوين مثل تلك الفئات وتمت أيضاً بعدُهم.

وقد وضع مخطط لعدُّ الأرقام الكسرية عن طريق وضعهم في منظومة مثل هذه .

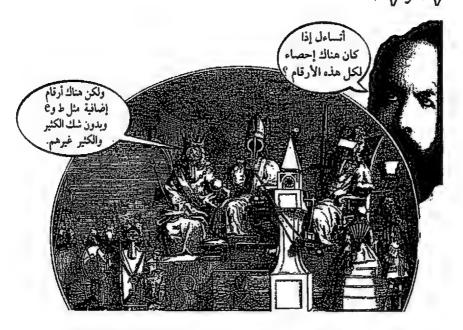
1/1	2/1	3/1	4/1	5/1	6/1
1/2	2/2	3/2	4/2	5/2	وها هي القاعدة التي يتم من خلالها إحصاء كل
1/3	2/3	3/3	4/3		الكسور .
1/4	2/4	3/4			لاحظ كيف تبدأ الأسهم ، في البداية من المربع
_	1	<u> </u>	J		في أعلى اليسار، ثم على طول القطر أسفل إلى
1/5	2/5				اليسار ، من $\frac{7}{1}$ ثم $\frac{\pi}{1}$ وهكذا. وأثناء
1/6		مذا	19		استمرارك لاحظ إذا كان هناك رقم قد تم عكمه
<u>/</u>	) ر	دا للقيام	منأخر ج		بالفعل (مثل $\frac{Y}{2} = \frac{1}{Y}$ ) وقم بحذفه. أيضاً
	1	حباب	المرالف		قم باختصار الكسور إلى أبسط صورة
Δ.			1	<b>-</b>	$r = \frac{\gamma}{1}$ مثل مثل
Stand !	The same	TI.			
			1 612	沙	
			_	1 ×	
	THE STATE OF THE S	F		明	
	39	A	1.11	9	1 1290



 $\frac{1}{1} \cdot \frac{1}{1} \cdot \frac{1}$ 

ويبدو هذا وكأنك تقوم بتجميع الكسور التى يساوى مجموع بسطها ومقامها ٢ ثم ٣ ثم ٤ وهكذا على الترتيب وفى كل مرة تبدأ بأكبر رقم . وبهذه الطريقة سوف نصل إلى أى رقم كسراً كان أو صحيحاً إن عاجلاً أو آجلاً.

وبالمثل من الممكن أن نحصى الأرقام التي تحل المعادلات الجبرية مثل :  $\sqrt{ 1 - 1 }$ 



وقد أثبت أعمال كانتور عكس ما كان يقصد ، حيث إنه وجد أن الأعداد الحقيقية لا يمكن أن تُحصى. وقد قام بإثبات ذلك على عدد قليل من الخطوط ، ولكن عليك أن تراقب عن قرب!

افترض أننا قمنا بإحصاء كل الأرقام مثل الكسور والأرقام الجبرية، فإن هناك قائمة لا نهائية لهذه الأرقام مشابهة لما حصلنا عليه قبل ذلك للكسور والآن من الواضح أن الأرقام لا تظهر في ترتيب حسب جمعها..





كيف يمكننا إنشاء رقم غير موجود في هذه القائمة ؟ حسناً افترض أن هناك رقماً ما مختلفاً في المخانة الأولى مع الرقم الأول، وفي المخانة الثانية مع الرقم الثانة مع الثالث وهكذا . ويمكننا فعل ذلك إذا كانت كل خانة في هذا الرقم تزداد بمقدار واحد عن خانة الرقم الموجود في القائمة.





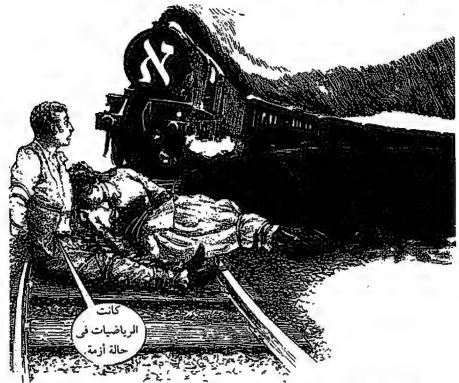


وإذا كنا نتحدث عن الفئات بهذه الصورة العامة ، فلا يوجد شيء يمنعنا من الإشارة إلى فئة كل الفئات والتي لها معنى لغوى ، أليس كذلك؟ وهذه الفئة لا بد أن تكون أكبر الفئات على الإطلاق ويتم تعريفها من خلال ه معينة ولتكن على أو ولكن مثل أى فئة أخرى ما يوجد لهذه الفئة فئة قوى يعطى رقمها على الصورة ٢ عها ومن المؤكد أنه أكبر من عها لذلك ما قمنا بتعريفها على أنها أكبر الفئات على الإطلاق يتولد منها فئة أكبر ، وهذه الفكرة تحوي تناقضاً ذاتياً !



## أزمة في الرياضيات

قدَّم تناقض اللانهاية الذي تم اكتشافه بواسطة كانتور تحدياً جديداً لعلماء الرياضيات وهذا لا يشابه التحديات الرياضية السابقة مثل  $\sqrt{1-1}$  أو  $\frac{a}{a}$ , ولكن على هذه الحالة يوجد تعارض ذاتي واضح، وقد تم إثبات أن هذه التناقضات لا تختلف في تفاصيلها عن الرياضيات الاصطلاحية.



وفي بداية القرن العشرين شرع مجموعة من الفلاسفة وعلماء الرياضيات في طل





وأحد أكثر المتناقضات براعة يختص بتسميتها . دعنا نقوم بتعريف B على أنه أقل عدد صحيح يمكن تسميته في ما لا يقل عن ١٩ مقطعاً.

باستخدام الطريقة العادية نجد أن هذا الرقم كبير جداً لأنه يحتاج تسعة عشر مقطعاً لتسميته : حيث إن الرقم «سبعمائة ألف مليون بليون» يحتاج فقط إلى عشرة مقاطع.



وهذا تناقض خطير جداً بالفعل حيث إنه لا يتضمن إشارة ضمنية ولا حتى يتميز بالشمول. وهذا يوضح مدى صعوبة إنقاذ الوثوق في الرياضيات عن طريق التخلص من أساسياتها المنطقية.





### نظرية «جوديل»

قام جوديل (۱۹۰٦ ـ ۷۸) بنشر نظريته في عام ۱۹۳۱ كنتيجة لأعمال أ. ن . وايتهيد (۱۸۲۱ ـ ۱۹٤۷) وكذلك كتاب راشيل المكون من ثلاثة أجزاء عن المنطق الرمزى في الفترة (۱۹۱۰ ـ ۲۹۱) Principia Mathematica



وكانت طريقة جوديل تتمثل فى : قام بتخصيص رقم محدد لكل جزء فى الجمل الرياضية ، بعد ذلك قام بدمج هذه الأرقام ليحصل على رقم واحد لكل جملة رياضية . وعن طريق مناقشة مشابهة لمناقشة كانتور قام جوديل بتوليد رقم «عملاق» يعبر عن هذه الجملة . وكان هذا الرقم مليئاً بالمعانى



### ماكينة "تورينج"

انبئقت من نظرية التحطيم العظيم لجوديل أنواع مختلفة من القوى . وقد التقط ألان تورينج (١٩١٢ ـ ٥٤) فكرة توليد جمل رياضية بطريقة مختصرة تماماً.

وتتكون ماكينة تورين من شريط وبرنامج يستجيب للمعلومات المتتابعة المحزونة في مقاطع مختلفة من هذا الشريط وهي تقوم بكل العمليات الابتدائية. وبلغة

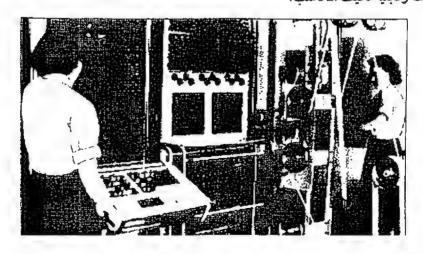
تكنولوجيا الثلاثينات من القرن الماضى لم يكن لهذه الآلة استخدام عملى ولكنها أمدت تورينج بإصدار من طريقة جوديل التي كان يحتاج إليها في بحثه.

وفى القريب العاجل أصبحت تخيلات تورينج

عملية جداً حيث إنها أصبحت دليل تطوير الحاسباتً في أثناء الحرب العالمية الثانية .

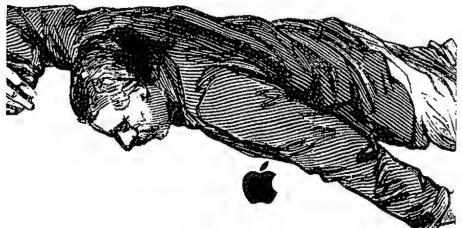
وقد بدأت الحاسبات على صورة آلات حاسبة ضخمة يتم تشغيل البرنامج عن طريق الضغط على أزرار ومفاتيح من الخارج. وكان النطور الهائل عندما تم تحميل البرنامج داخل الحاسب على أنه أحد ملفاته البنائية والذي يقوم بتوجيه العمليات في كل الملفات الأخرى. ولا توجد الآن حدود لتعقيدات وقابلية تكيف الحاسب.

أصبحت لدى مميزات الحاسب، الذي يختلف اختلافاً تاماً عن الآلات الحاسبة الميكانيكية.

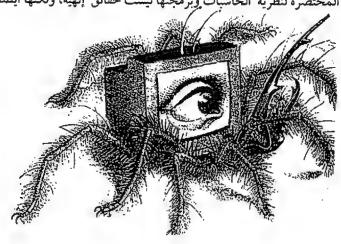


وقد ساعد تورينج في كسب الحرب العالمية الثانية حيث إنه كان ضمن الفريق الذي كسر شفرة «اللغز» الألماني ماكينة الشفرة.

وقد مات تورينج بصورة مأساوية وبالتحديد كنتيجة لاضطهاده ومحاكمته وقد تم تسميمه بسم السيانايد حيث وجدت بجانبه التفاحة المسممة مأكول منها قضمة.



وقد بدت رؤية تورينج للكمبيوتر المختصر أنها فادحة خاصة على المدى الطويل. ففى مخططه للعمليات البسيطة لم يكن هناك مكان خصص لبرمجة الأخطاء أو الحاجة "لمعالجة الأخطاء". وقد دام الاعتقاد بأن الحاسبات لانخطىء لمدة قرون، بمعنى أن أى خطأ هو نتيجة لأخطاء البشر. والآن فقط وبعد اكتشاف Millennium Bug بدأنا نتحقق الأنظمة المختصرة لنظرية الحاسبات وبرمجتها ليست حقائق إلهية، ولكنها أيضاً منتجات بشرية.







### نظرية العماء





#### الطبولوجي

تظهر الآن قوة الحاسبات في مجالات أخرى ملحوظة أكثر، فقد قامت الحاسبات بالبراهين التي وقف أمامها العقل البشرى عاجزاً. وأكثر الحالات الشهيرة المعاصرة هي الطبولوجي . يهتم علم الطبولوجي بدراسة العلاقات بين التكوينات بغض النظر عن أشكالها . وبصيغة رياضية فإن هذا المجال هو المجال الرياضي الذي يسهل فيه ذكر المشكلة ولكن يصعب جداً حلها.



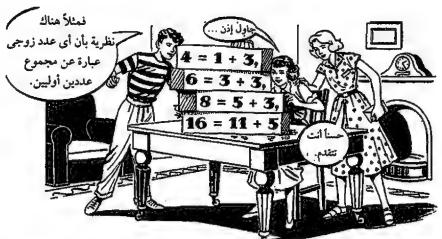


وقد تم التوصل إلى إثبات في عام ١٩٧٦ ، ولكنه اعتمد على دراسة مفصلة لأكثر من ألف حالة وهي شيء خارج حدود استطاعة الإنسان. لذلك فقد تم تصميم برنامج كمبيوتر لاختبار الحالات المخاصة في وقتها وقد نجح في ذلك وأعطى النتائج المرجوة.

ولكن فى ذلك الوقت اشتكى بعض علماء الرياضيات من أنهم لا يستطيعون اختبار الإثبات! حيث إن برنامج الكمبيوتر عبارة عن مجموعة من الأوامر وليس جملاً متصلة منطقياً. هل نستطيع أن نجزم بأن برنامجاً ما قد تمت معالجته من الأخطاء أكثر من برنامج آخر؟ وفى الحال تم التوصل إلى إجماع على مفاده وأصبح الإثبات الآن «متحققاً»

# نظرية الأرقام

وكما في حالة الطبولوجي فإن المشاكل في نظرية الأعداد سهلة الوصف ولكنها صعبة الحل.



إثبات ذلك لكل الأعداد الزوجية يعتبر عملية صعبة جداً . وكان هذا تحدياً حقيقياً لعلماء الرياضيات لفترة طويلة. وأول محاولة ناجحة لحل هذه المشكلة والمعروفة . بـ احدس جولد باخ ابينت أننا لسنا بحاجة لأكثر من ٤٠٠٠٠ عدد أولى !



ولكن بير دى فيرما اعتقد أنه قد توصل إلى مثل تلك المجموعات متصوراً أنه قد أثبت أن المعادلة س $\dot{v} + \dot{v} = \dot{v}$ .

ليس لها حلول على صورة أعداد صحيحة إذا كانت ن أكبر من اثنين.

وقد كتب لأحد أصدقائه أنه قد توصل إلى إثبات دقيق لهذه التقطة ولكن هامش الخطاب لم يستوعبه ! لذلك فإنه قد بدأ مطاردة استمرت لقرون ولم تنته إلا حديثاً. وقد تم النوصل إلى هذا الإثبات بواسطة عالم الرياضيات الإنجليزى أندروويلز (المولود عام ١٩٥٣) الذى يقوم بالندريس الآن في جامعة برينستون.



ويؤدى كل هذا إلى توضيح أن العقل البشرى يستطيع أن يتوصل إلى ما لا يستطيع الكمبيوتر التوصل إليه.

وأشهر نظرية في هذا المجال هي التي وضعها عالم الرياضيات الفرنسي بيبر دي فيرما (١٦٠١ ـ ٢٥).



۲ + + ۲ = ۲ + ۲

حيث أوب وحا أعداد صحيحة وإنشاء مثل هذه الثلاثيات كان معروفاً لمدة قرون مضت..

وقد رأينا أن علماء الرياضيات المسلمين فكروا في معادلات شبيهة ولكن بأسس أعلى. وقد حاول بعضهم إثبات استحالة وجود مثال لأرقام تحقق المعادلة: س٣ + ص٣ = ٣٠.

وقد أصبحت نظرية الأعداد واحدة من أقل فروع الرياضيات قابلية للتطبيق. ولكن أثناء تطور المجالات المختلفة فإن هناك تفاعلات بينها بطرق غير متوقعة.



#### الإحصاء

علم الإحصاء هو أكثر نقاط الرياضيات شيوعاً واتصالاً بالأفراد العاديين. ويعنى علم الإحصاء "فن الحكم" حيث إن الحكومات تستطيع أن تقوم بأعمالها على وجه حسن إذا تمكنت من جمع معلومات عما يدور في مملكتهم .ولكن مجرد جمع أرقام متضاخمة ليس بالعمل الكافي إنما يجب أن نقوم بربط وتحليل وتلخيص هذه الأرقام حتى تصبح مفيدة.

وفى هذا العمل سنقوم باستخدام كل المقايبس المختلفة للإحصاء مثل «المتوسط» ولكن مثل هذه المقاييس تعتبر ممثلاً لمجموعة من الأرقام وبينما تقوم بتوضيح بعض الأرقام فى وقت ما فهى أيضاً تقوم بإخفاء مظاهر البعض الآخر. ولمعرفة كيفية تطبيق الإحصاء دعنا نتخيل قرية بها:



والدخل الكلى لهذه القرية يصبح ٣٠٠٠٠ دولار ، وإذا قسمناه على ١١١ فرداً ، فإنه يعطى ٢٠٠٠ دولاراً في السنة لأغلب الحالات.

وإذا أخذنا في اعتبارنا الدخل المتوسط (حيث يوجد ٥٪ فقط لهم دخل أكبر) أو الأسلوب السائد (وهو الدخل الذي يتكسبه معظم الناس). وفي كلتا الحالتين سيكون ذلك ١٠٠ دولار فقط أي أنه يتجاهل دخل الأشخاص الأكثر ثراءً. ولكي نقوم بتوضيح صورة الدخل على نحو أفضل فربما نتجاهل الأعشار العليا أو السفلي (مستوى ١٠٪ و ٩٠٪) وبالنسبة لعشر ٩٠٪ فإنه يلحق بالفرض الحادي عشر من أعلى وهو الدخل الأوسط.



# قيم «أ»

فى كل اختبارات الإحصاء يوجد رقم يتم الاستشهاد به يسمى «حد الثقة» أو «قيمة أ» وهو يأخذ قيم ٥٪ أو ١٪ أو أى قيمة أخرى . وهذا الرقم يحدد درجة التأكد من أن هذا الاختبار يتوافق مع مجموعة الأرقام التي يتعامل معها. وهذا الرقم يعبر عن الأرقام الشاذة التي تعطى نتائج إيجابية ولكنها خاطئة . ولايوجد اختبار يعطى نتائج مثالية! فكلما ازدادت درجة التأكد زادت تكلفة هذا الاختبار وهذا يعنى أنه يتعين على القائمين على اختبارها أن يتقبلوا كل أنواع الخطأ الممكنة.



ذلك يعنى أن هناك إقراراً بأن قيم أ يتم تصميمها بحيث إنها تحد من فرصة النتائج الإيجابية المخاطئة. وكلما زادت صرامة قيمة أ ازدادت اختيارية الاختبار ولكن على الجانب الآخر فإنها تجعله أقل حساسية. ففي مثال اختبار سمية بعض الملوثات البيئية فإن قيمة أ التي تُقدر بـ ٩٥٪ تجنبنا الإنذارات الخاطئة للملوثات ولكنها في نفس الوقت تجعلنا أكثر عرضة للأضرار الكاذبة. لذلك فإنه يتعين علينا أن نسأل أنفسنا أثناء القيام ببعض الاختبارات الواجبة: هل بعض المواد بالغعل لها آثار ضارة أم أن الآثار المنذرة يجب قبولها على أية حال؟ وفي كلتا الحالتين يجب اتخاذ إجراء وقائي. والسؤال المحتوم في هذه الحالة هو: لمصلحة من تتم هذه الاختبارات؟

وحتى فى الأستخدامات الأبسط للإحصاء كما فى عملية تمثيل المعلومات التجريبية فإنه يتعذر علينا المحكم على القيم. بالطبع لا تتلازم كل النقاط مع المنحنى المرسوم وإلا إذا كانوا قريبين جداً فهذا يعنى أنها قيم ملفقة . وكذلك هناك بعض القيم تبتعد ثماماً عن باقى الحشد ونسمى هذه القيم "Out liers" وإذا ثم إدراجهم مع القيم فسوف يؤثرون بالسلب لذلك فيجب تجنبهم بعد التأكد من أنهم لا ينتمون إلى هذه الفئة (ربما نتيجة خطأ ما فى القياس).



#### الاحتمال

تُبنى طرق التعامل مع البيانات الإحصائية بصورة أساسية على نظرية الاحتمال . ويتضمن هذا ثلاثة مبادىء واضحة والتي تتداخل مع بعضها بصورة متكررة.





تتطلب الأحكام ، على "توجيه" قطعة النقود، النظرية الرياضية للاحتمال والإحصاء . وفي هذه الحالة سيصاحب الافتراضات عن سلوك قطعة النقود تصميم تجريبي بالإضافة إلى تقييم مقادير الخطأ ووضع حدود يقينية للأحكام النهائية. ويقودنا تحليل إلقاء قطعة النقود بعد توضيحه إلى مجموعة من النتائج الخطيرة . فبينما تبدو صيغة السؤال المباشر أنها نص بسيط للاحتمال (الصور والكتابة لهم احتمالات متساوية في القطعة غير الموجهة) ، فالصيغة العكسية (هل القطعة موجهة؟) تتضمن أحكاماً مدغمة



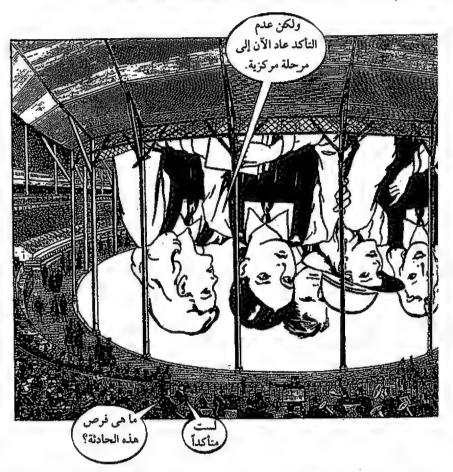
## عدم التأكد

يقع هؤلاء المختصون بإمداد الأرقام سواء إذا كانت إلى السياسيين أو إلى عامة الشعب في ورطة كبيرة ، فإذا قاموا بتوضيح عدم التأكد والتحفظات حول أرقام معينة لن يكون ذلك مفهوماً.

وعلى الجانب الآخر إذا قاموا بتبسيط العملية وذكروا «أرقاماً ساحرة» على قدر أمان كبير



ويكمن التحدى العظيم للرياضيات من الناحية الاجتماعية في إدارة وتنظيم عدم التأكد.ولقد ساد الاعتقاد لفترة طويلة بأن تقدم العلوم الطبيعية من الممكن أن يقلل أهمية عدم التأكد والتي ظلت لها إمكانية الترويض بواسطة نظرية الاحتمال.

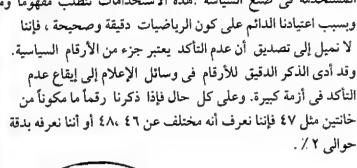


وقد قام عدم التأكد بقهر الرياضيات، وعلى الجانب الآخر فهو أساس لـ "نظرية الكم" في الفيزياء .. وفي هذه الأيام علينا أن نتحدى آثار الحضارة الصناعية على البيئة الطبيعية.

وقد أصبح عدم التأكد في المقدمة الأول مرة. وتعتبر تسمية أخرى جديدة في الرياضيات بـ «النكبة Catastaophe» أو «العماء Chaos» غير مدهشة . والآن نستطيع أن نضع عدم التأكد ضمن أفكارنا التي توضح ما تتضمنه الرياضيات.

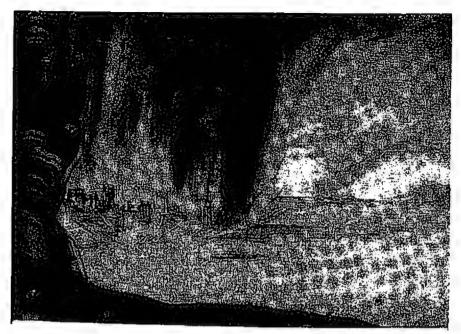
# الأرقام السياسية

يعتبر فهمنا للأرقام (والتي تم وضعها للعد والحساب) غير ملائم بالنسبة للأرقام المستخدمة في صنع السياسة .هذه الاستخدامات تتطلب مفهوماً ومهارات مختلفة .



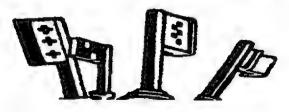






وتوضح قصة "إنقاذ سدوم" أن الأرقام يمكن أن يكون لها معان كثيرة مختلفة فى النقاش. فترتبط "خمسون" بالتقدير أما "خمسة" أو "خمسة وأربعون" فترتبط بتفاوت هذا الفرق (إذا كان خارج التفاوت) بين "خمسين" و"خمسة وأربعين" على النص. وربما تتم ملاحظة هذا الفرق (إذا كان خارج التفاوت) فى أوقات ما ولا يُلاحظ فى أوقات أخرى. وبالرغم من أن المثال كان عن الأرقام السباسية ولكن نقطة أن المعنى يعتمد على النص تتحقق فى كل التقديرات والقياسات.

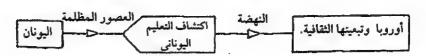
ويمكن ملاحظة نفس الظاهرة في «تناقض المفتاح» عندما يستخدم شخص مفتاحاً جديداً لقفل ما فإنه يكون متوافقاً معه، وإذا قام أحدهم بعمل نسخة منه فإن هذه النسخة تتوافق أيضاً مع القفل لأن سماحية الآلة كانت قريبة من سماحية القفل. ولكننا نلاحظ أنه بعد نكرار النسخ من النسخ تتابعياً فإن النسخة الأخيرة لا تتوافق مع القفل وذلك لأنه تم تراكم سماحيات الآلة في كل مرة. وبدلالة القياس نجد أن C=B=A ولكن K=A . ويبدو هذا جنوناً بدلالة الحسابات العادية ولكنه يوضح أن الأرقام في حالة القياس والتقدير يكون لها معنى فقط بناءاً على محتوى النص ولا تعنى نفس المعنى في حالة العد البسيط.



### الرياضيات والمركزية الأوروبية

لقد لعبت الرياضيات الأوروبية دوراً هاماً فى الوعى الذاتى الأوروبا أى الإحساس بأن الثقافة الأوروبية هى الأعظم وأنها هى الحقيقة الوحيدة .و يرى الناس الذين يعتقدون أن الرياضيات عالمية أنه من الصعب أن تكون الرياضيات والإمبريالية تماشوا جنباً إلى جنب. ولكن الرياضيات قد تم استخدامها كوسيلة لتحقيق سفلية ووضاعة







### الرياضيات العرقية



فهى تهدف إلى إقامة علاقة قوية بين الرياضيات والثقافة والمجتمع وتذكرنا بأن الرياضيات تحتوى على أشياء أكثر من الدراسات المجردة النظرية الأفلاطونية ومناهج التدريس المشتقة منها. ويمكننا أن نرى المقدار الكبير الذى أثرت به أشكال الإبداع والابتكار في الطرق المختلفة التي يتناول بها الأفراد المختلفون الأمور الرياضية.





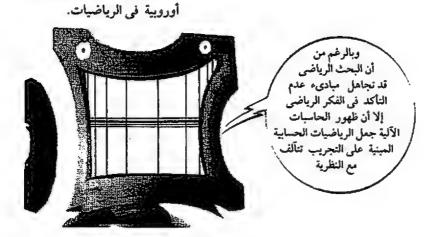


وقد قدم علماء علم النفس العديد من الأسباب التي أدت إلى وضاعة



## أين الآن لقد سادت وجهة النظر الأفلاطونية للرياضيات في الثقافة الغربية على مدى العصور.





وبغض النظر عن انتشار معرفة القراءة والكتابة إلا أنها لا نزال مقتصرة على صفوة الاجتماعيين والمثقفين.



وتحت هذه الظروف فمن الضرورى لنا أن نعرف ونقدر فشل الرياضيات (من خلال العلم) في انتزاع عدم التأكد من العالم العملي من حولنا .ومن الضروري أيضاً أن نعيد التفكير في المعرفة الحقيقية وكيفية تحققها.

لذلك فإن الرياضيات تواجه تحديات جديدة .وعلى المواطن أن يقوم بدوره في مواجهة هذه التحديات . ففي كلمات الأسقف بيركلي :كل واحد....



#### المحتوبات

الصفحة	الموضوع
5	مقدمة
9	لماذا الرياضيات
13	الحساب
19	الأرقام المكتوبة
30	الصفر
33	أرقام خاصة
37	الأرقام الكبيرة
39	الأسين
43	اللوغاريتمات
45	الحسابCalculation
48	المعادلات
54	القياس
60	الرياضيات اليونانية
61	فيثاغورث المستسلمان المستسلم المستم المستسان المستسلم المستسلم المستسلم المستسلم المستسلم المستسلم
63	متناقضات الزينو»
65	اقلدس
68	الرياضات الصينية
70	تشيو تشانح المستسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسس
71	أربعة علماء رياضيات صينيون
74	الرياضيات الهندية
75	هندسة «الفيدا»
77	براهما جوبتاً
78	أرقام جاين
79	اندماجات «فيديك» و «جاين»
80	الشعر الرياضي

رامانوچان	82
الرياضيات الإسلامية	83
الخوارزمي	84
تطوير الجبر	85
اكتشاف حساب المثلثات السلسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسس	88
البطاني	89
البطاني	90
ابن يونس وثابت بن قرة مسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسس	91
الطوسى	92
حل المسائل التي تتضمن أرقاماً صحيحة	93
نشأة الرياضيات الأوروبية للمستسمس المستسمس المستسمس المستسمس المستسمس	94
رينيه ديكارت	97
الهندسة التحليلية	99
الدوال	102
الدوال التفاضل والتكامل المستسلمين التفاضل والتكامل المستسلمين التفاضل والتكامل المستسلمين المستسل	107
التفاضا	108
التكامل	111
أسئلة بيركلي	117
	120
علوم الهندسة اللاإقليدية	124
	126
إيفارست جالوا	128
المجموعات	129
العمليات الجبرية على الفئات	132
كانته روالفئات مستسسست	135
أزمة في الرياضيات	141
أزمة في الرياضيات	142
	145

ماكينة «تورينج»	I47
الفراكتلات Fractals 9	149
نظرية العماء	151
الطبولوجي الطبولوجي المستسلم	153
نظرية الأرقام	155
الإحصاء أ	158
	160
الاحتمال الاحتمال	162
	165
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	167
الرياضيات والمركزية الأوروبية 0	170
الرياضيات العرقية	172
الرياضيات ونوع الجنس الرياضيات ونوع الجنس المستسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسسس	174
	175
فهر س	178

## المشروع القومى للترجمة

المشروع القومى للترجمة مشروع تنمية ثقافية بالدرجة الأولى، ينطلق من الإيجابيات التى حققتها مشروعات الترجمة التى سبقته فى مصر والعالم العربى ويسعى إلى الإضافة بما يفتح الأفق على وعود المستقبل، معتمداً المبادئ التالية:

- ١ الخروج من أسر المركزية الأوروبية وهيمنة اللغتين الإنجليزية والفرنسية.
- ٢ التوازن بين المعارف الإنسانية في المجالات العلمية والفنية والفكرية والإبداعية.
- ٣ الإنحياز إلى كل ما يؤسس لأفكار التقدم وحضور العلم وإشاعة العقلانية
   والتشجيع على التجريب.
- ٤ ترجمة الأصول المعرفية التي أصبحت أقرب إلى الإطار المرجعي في الثقافة
   الإنسانية المعاصرة، جنبًا إلى جنب المنجزات الجديدة التي تضع القارئ في
   القلب من حركة الإبداع والفكر العالمين.
- العمل على إعداد جيل جديد من المترجمين المتخصصين عن طريق ورش
   العمل بالتنسيق مع لجنة الترجمة بالمجلس الأعلى للثقافة.
- ٦ الاستعانة بكل الخبرات العربية وتنسيق الجهود مع المؤسسات المعنية بالترجمة.

## المشروع القومى للترجمة

ت : لُحمد درویش	جون کرین	١- النفة العليا (طبعة ثانية)
ت : أحمد قوّاد بليع	ك. مادهو بانيكار	٢- الوثنية والإسلام
ت : شوقى جلال	جورج چيمس	٣- التراث المسروق
ت : أحمد الحضرى	انجا كاريتتكوفا	<ul> <li>٤- كيف تتم كتابة السيئاريو</li> </ul>
ت : محمد علاء الدين منصور	إسماعيل فصبيح	٥- ثريا في غيبوبة
ت : سنعد مصلوح / وفاء كامل فايد	ميلكا إفيتش	٦- التجاهات البحث اللسائي
ت : يوسف الأنطكي	لوسيان غولدمان	٧- العلوم الإنسانية والفلسفة
ت : مصطفى ماهر	ماكس فريش	٨- مشعلو الحراثق
ت : محمود محمد عاشور	أندرو س. جودي	٩- التغيرات البيئية
ت: محمد معتصم وعيد الجليل الأزدي وعمر حلى	جيرار جينيت	١٠ - خطاب الحكاية
ت : هناء عبد الفتاح	فيسوافا شيمبوريسكا	۱۱- مختارات
ت : أحمد محمود	ديقيد براونيستون وايرين قرائك	١٢- طريق الحرير
ت : عبد الوهاب علوب	روپرتسن سميث	١٣ - ديانة الساميين
ت : حسن المودن	جان بيئمان نويل	١٤- التحليل النفسي للأدب
ت : أشرف رفيق عنيفي	إدوارد لويس سميث	١٥- المركات الفنية
ت: بإشراف: أحمد عثمان	مارتن برنال	١٦- أثينة السوداء
ت : محمد مصطفی بدوی	فيليب لاركين	۱۷ - مختارات
ت : طلعت شاهين	مختارات	١٨ - الشعر النسائي في أمريكا اللاتينية
ت : نعيم عطية	چورج سفیریس	١٩ – الأعمال الشعرية الكاملة
ت: يمنى طريف الخولي / بدوى عبد الفتاح	ج. ج. کراوٹر	٢٠ - قصة العلم
ت : ماجدة العنائي	صمد بهرنجي	٢١ - خوخة وألف خوخة
ت : سبيد أحمد على الناصري	جون أنتيس	٣٢- مذكرات رحالة عن المصريين
ت : سىغىد توفيق	هائز جيورج جادامر	٣٢ - تجلى الجميل
ت : پکر عباس	باتريك بارندر	٢٤ - ظلال المستقبل
ت: إبراهيم الدسوقي شتا	مولانا جلال الدين الرومي	ه۲- مثنوی
ت : أحمد محمد حسين هيكل	محمد حسين هيكل	٣٦ - دين مصر العام
ت : نخبة	مقالات	٢٧- التنوع البشري الخلاق
ت : مئى أبو سنه	جوڻ اوك	٢٨ - رسالة في التسامح
ت : بدر الديب	جيمس ب. كارس	٢٩ - الموت والوجود
ت : أحمد قۋاد بليع	ك، مادهو بانيكار	<ul> <li>٦٠ الوثنية والإسلام (ط٢)</li> </ul>
ت: عبد الستار الطوجي/عبد الوهاب طوب	جان سوفاجيه - كلود كاين	٣١ - مصادر دراسة التاريخ الإسلامي
ت : مصطفى إبراهيم فهمى	ديفيد روس	٣٢- الإنقراض
ت : أحمد قؤاد بليع	ا، ج. موبكتر	٣٢ - التاريخ الاقتصادي لإفريقيا الغربية
ت : حصة إبراهيم المنيف	روجر ألن	٣٤ - الرواية العربية
ت : خلیل کثفت	پول ، ب ، ډيکسون	و٣٠- الأسطورة والحداثة

٣٦- نظريات السرد الحديثة	والاس مارتن	ت : حياة جاسم محمد
٣٧- واحة سيوة وموسيقاها	بريجيت شيفر	ت : جمال عبد الرحيم
٣٨- نقد الحداثة	آلن تورین	ت : أنور مقيث
٣٩- الإغريق والحسد	بيتر والكوت	ت : منيرة كروان
٤٠ - قصائد حب	آڻ سکستون	ت : محمد عيد إبراهيم
٤١ - ما بعد المركزية الأرربية	بيتر جران	ت: عاطف أحمد / إبراهيم فتحي / محمود ماجد
٤٢- عالم ماك	بنجامين بارير	ت : أحمد محمود
27 - اللهب المؤدوج	أوكتافيو پاٿ	ت : المهدى أخريف
٤٤ - بعد عدة أصياف	ألدوس هكسلي	ت : مارلين تادرس
ه٤- التراث المغدور	رويرت ج دنياً - جون ف أ غاين	ت : أحمد محمود
<ul><li>آ٤ عشرون قصيدة حب</li></ul>	بابلق تيرودا	ت : محمود السيد على
٤٧ - تاريخ النقد الأدبي الحديث (١)	رينيه ويليك	ت : مجاهد عيد المنعم مجاهد
٤٨ حضارة مصر الفرعونية	فرائسيوا دوما	ت : مافر جریجاتی
٤٩ - الإسملام في البلقان	هـ ، ت ، توريس	ت : عبد الوهاب علوب
<ul> <li>٥٠ ألف ليلة وليلة أو القول الأسمير</li> </ul>	جمال الدين بن الشيخ	ت: محمد برادة وعثماني لليلود ويوسف الأنطكي
٥١ - مسار الرواية الإسبائو أمريكية	داريو بيانويبا وخ، م بينياليستي	ت : محمد أبو العطا
٥٢- العلاج النفسي التدعيمي	بیتر ، ن ، نوفالیس وستیفن ، ج .	
	روچسیفیتز وروجر بیل	
۵۳ الدراما والتعليم	أ . ف . ألنجتون	ت : مرسی سعد الدین
<ul> <li>الفهوم الإغريقي للمسترح</li> </ul>	ج - مايكل والتون	ت : محسن مصیلحی
ەە – ماوراءالعلم	چون بولکنجهوم	ت : على يوسف على
٥٦- الأعمال الشعرية الكاملة (١)	قديريكو غرسية لوركا	ت : محمود على مكى
٥٧- الأعمال الشعرية الكاملة (٢)	فديريكو غرسية لوركا	ت : محمود السيد ، ماهر البطوطي
۵۸ مىرخىتان	فديريكو غرسية لوركا	ت : محمد أبو العطا
٩د- المحبرة	كارلوس مونييث	ت : السيد السيد سهيم
٦٠- التصميم والشكل	جوهائز ايتين	ت : صبری محمد عبد الغنی
٦١- موسوعة علم الإنسان	شارلوت سيمور – سميث	مراجعة وإشراف : محمد الجوهري
٦٢ - لذَّة النَّص	رولان بارت	ت: محمد خير البقاعي ،
٦٣- تاريخ النقد الأدبي الحديث (٢)	رينيه ويليك	ت : مجاهد عبد المنعم مجاهد
٦٤- برتراند راسل (سيرة حياة)	ألان رود	ت : رمسیس عوض .
ه ٦- في مدح الكسل ومقالات أخرى	برتراند راسل	ت: رمسیس عوض ۔
٦٦- خمس مسرحيات أندلسية	أنطونيو جالا	ت : عبد اللطيف عبد الطبع
٦٧- مختارات	قرناندو بیسوا	ت : المهدى أخريف
٦٨- نتاشا العجوز وقصيص أخرى	فالنتين راسبوتين	ت : أشرف الصباغ
<ul> <li>٦٩ العالم الإسلامي في أولئل القرن المشرين</li> </ul>	عبد الرشيد إبراهيم	ت: أحمد فؤاد متولى وهويدا محمد فهمى
٧٠- ثقافة وحضارة أمريكا اللاتينية	أوخينيو تشانج رودريجت	ت: عبد الحميد غلاب وأحمد حشاد

ت : قۋاد مجلى	ت ، س ، إليوت	السياسي العجوز	-VY
ت : حسن ناظم وعلى حاكم	چين ، ب ، ترميکنز	نقد استجابة القارئ	-۷۳
ت : حسن بيرمي	ل . ا . سىمىئوڤا	صلاح النين والماليك في مصر	-V £
ت : أحمد درويش	أندريه موروا	فن التراجم والسير الذائية	-V a
ت : عبد المقصىود عبد الكريم	مجموعة من الكتاب	چاك لاكان وإغواء التطيل النفسي	/Y-
ت : مجاهد عبد المنعم مجاهد	رينيه ريليك	تاريخ النقد الأنبي المنيث ج ٢	-٧٧
ت : أحمد محمود ونورا أمين	روناك روبرتسون	العولمة: النظرية الاجتماعية والثقافة الكونية	-YA
ت : سعيد الغائمي وناصر حلاوي	بوريس أوسبنسكي	شعرية التاليف	-V4
ت : مكارم الغمرى	ألكسندر بوشكين	بوشكين عند «ناقورة الدموع»	-A.
ت : محمد طارق الشرقاوي	بندكت أندرسن	الجماعات المتخيلة	-A1
ت : محمود السيد على	ميجيل دى أونامونو	مسرح ميجيل	-84
ت : ځالا المعالی	غوتقرید بن	مختارات	-42
ت : عبد الحميد شيحة	مجموعة من الكتاب	موسنوعة الأدب والنقد	- 12
ت : عبد الرارْق بركات	صلاح زكى أقطاى	منصور الحلاج (مسرحية)	-10
ت : أحمد فتحي يوسف شتا	جمال مير صادقي	طول الليل	<b>ア</b> Aー
ت : ماجدة العناني	جلال آل أحمد	نون والقلم	$-\lambda V$
ت: إبراهيم الدسوقي شتا	جلال آل أحمد	الابتلاء بالتغرب	-44
ت : أحمد زايد ومحمد محيى الدين	أنترنى جيدنز	الطريق الثالث	P A-
ت : محمد إبراهيم مبروك	میجل دی ترباتس	وسمم السيف	-9.
ت : محمد هناء عبد القتاح	باربر الاسوستكا	المسرح والتجريب بين النظرية والتطبيق	- <b>1</b> 1
	7	أسبباليب ومستضمين المسسرخ	78-
ت : نادية جمال الدين	كارلوس ميجل	الإسبانوأمريكي المعاصر	
ت: عبد الوهاب علوب	مايك فيذرستون وسكوت لاش	محدثات العولمة	-95
ت : فورية العشماوي	صمويل بيكيت	الحب الأول والصحبة	-98
ت : سرى محمد محمد عبد اللطيف	أنطونيو بويرو باييخو	مختارات من المسرح الإسباني	-90
ت : إدوار الشراط	قصيص مختارة	ثلاث رنبقات ووردة	TP-
ت : بشير السباعي	قرنان برودل	هوية غرنسا مج ١	-97
ت : أشرف الصباغ	نماذج ومقالات	الهم الإنسائي والابتزاز الصهيوني	-91
ت: إبراهيم قنديل	ديقيد روبنسون	تاريخ السيئما العالمية	-99
ت: إبراهيم فتحى	بول هيرست وجراهام تومبسون	مساطة العولمة	-1
ت : رشید بنحدو	بيرنار فاليط	النص الروائي (تقنيات رمناهج)	-1.1
ت: عز الدين الكتاني الإدريسي	عبد الكريم الخطيبي	السياسة والتسامح	-1.4
ت : محمد بنیس	عيد الوهاپ المؤدب	قبر ابن عربی یلیه آیاء	-1.5
ت: عبد الغفار مكاوى	برتولت بريشت	أوبرا ماهوجني	-1.5
ت : عبد العزيز شبيل	چیرارچینیت	مدخل إلى النص الجامع	c./-
ت : د، آشرف علی دعدور	د، ماریا خیسوس روبییرامتی	الأدب الأندلسي	1.1-
ت : محمد عبد الله الجعيدي	نخبة	صررة الفدائي في الشعر الأمريكي المعاصر	-1.V

ت : محمود على مكى	مجموعة من النقاد	١٠٨- تَالاث دراسات عن الشعر الأندلسي
ت : هاشم أحمد محمد	چوڻ بولوك وعادل درويش	۱۰۹ - حروب المياه
ت : مثی قطان	چرن بربرد و دروس حسنة بيجوم	۱۰۰ – تحروب مياه ۱۱۰ – النسباء في العالم الثامي
ت : ريهام حسين إبراهيم	ىــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	١١١ – المرأة والجريمة
ت : إكرام يوسف	ارلین علوی ماکلیود	۱۱۲ - الاحتجاج الهادئ
ت : أحمد حسان	سادی پلانت	۱۱۳ - راية التمرد
ت : نسیم مجلی	· ·	١١٤- مسرحيتا حصاد كونجى وسكان المستنقع
ت : سمية رمضان ت : سمية	فرچينيا روك	١١٥ غرقة تخص المرء وحده
ت : نهاد أحمد سالم	سينثيا نلسون	١١٦- امرأة مختلفة (درية شفيق)
ت : مثى إبراهيم ، وهالة كمال	لیئی أحمد	١١٧- المرأة والجنوسة في الإسلام
ت : لميس النقاش	۽ ب بٿ بارون	
ت : بإشراف/ رؤوف عباس	 أميرة الأزهري سنيل	١١٩- النساء والأسرة وقوانين الطلاق
ت : نخبة من المترجمين		- ١٣٠ المركة النسائية والتطور في الشرق الأوسط
ت : محمد الجندي ، وإيزابيل كمال	فاطمة موسيي	١٢١ - الدليل الصغيرعن الكاتبات العربيات
ت : مئيرة كروان	جوزيف فرجت	١٢٢- نظام العبردية القديم وثموذج الإنسان
ت: أثور محمد إبراهيم	نيثل الكسندر وفنادولينا	١٣٢- الإمبراطورية العثمانية وعلاقاتها الدولية
ت : أحمد فؤاد بليع	چون جرای	١٢٤- الفجر الكاذب
ت : سمحه الخولى	سيدريك ثورپ ديڤى	١٢٥— التحليل الموسيقي
ت : عيد الوهاب علوب	قولقائج إيسر	١٣٦ - غعل القراءة
ت : بشير السباعي	صفاء فتحى	١٣٧– إرهاب
ت : أميرة حسن نويرة	سوزان باسئيت	١٢٨ - الأدب المقارن
ت : محمد أبو العطا وأخرون	ماريا دولورس أسيس جاروته	١٢٩- الرواية الإسبانية المعاصرة
ت : شوقى جلال	أندريه جوندر فرانك	-١٣٠ الشرق يصعد ثانية
ت : لويس بقطر	مجموعة من المؤلفين	١٢١ - مصر القديمة (التاريخ الاجتماعي)
ت : عبد الوهاب علوب	مايك فيذرستون	١٣٢ - ثقافة العولمة
ت : طلعت الشايب	طارق على	١٣٣ - الخوف من المرايا
ت : أجمد محمود	باری ج. کیمب	١٣٤– تشريح حضارة
ت : ماهر شفيق فريد	ت. س. إليوت	١٣٥- المختار من نقد ت. س. إليوت
ت : سنحر توقيق	كينيث كوثو	١٣٦– قلاحو الباشا
ت : كاميليا صبحى	چوڑیف ماری مواریه	١٣٧- مذكرات ضابط في الحملة الفرنسية
ت : وجيه سمعان عبد المسيح	إيقلينا تاروني	١٣٨- عالم التليفزيون بين الجمال والعنف
ت : مصطفی ماهر	ريشارد فاچنر	١٣٩– پارسيڤال
ت : أمل الجبوري	ھربرت میسن	١٤٠- حيث تلتقي الأنهار
ت : نعيم عطية	مجموعة من المؤلفين	١٤١- اثنتا عشرة مسرحية يونانية
ت : حسن بيومي	أ، م، فورستر	١٤٢ - الإسكندرية : تاريخ ودليل
ت : عدلي السمرئ	ديريك لايدار	١٤٣ - قضايا التنظير في البحث الاجتماعي
ت : سلامة محمد سليمان	كارلو جولدوشي	١٤٤ - مناحبة اللوكائدة

ت : أحمد جسان	كارلوس فوينتس	١٤٥ - موت أرتيميو كروث
ت : على عبدالرژوف اليمبي	میجیل دی لیبس	١٤٦ - الورقة الحمراء
ت : عبدالغفار مكاوي	تانكريد دورست	١٤٧- خطبة الإدانة الطويلة
ت : على إبراهيم على منوقى	إنريكي أندرسون إمبرت	١٤٨- القصة القصيرة (النظرية والتقنية)
ت : أسامة إسبر	عاطف قضرل	١٤٩- النظرية الشعرية عند إليوت وأدونيس
ت : منيرة كروان	روبرت ج، ليتمان	١٥٠ التجربة الإغريقية
ت : بشير السباعي	فرنان برودل	۱۵۱ – هویة فرنسا مج ۲ ، ج۱
ت : محمد محمد الخطابي	نخبة من الكتاب	١٥٢ - عدالة الهنود وقصيص أخرى
ت : قاطمة عبدالله محمود	فيولين فاتويك	١٥٣ غرام الفراعنة
ت : خلیل کلفت	فيل سليتر	١٥٤- مدرسة فرانكفورت
ت : أحمد مرسي	تخبة من الشعراء	١٥٥- الشعر الأمريكي المعاصر
ت : مي التلمسائي	جي أنبال وألان وأوديت فيرمو	١٥٦- المدارس الجمالية الكبرى
ت : عيدالعزيز بقوش	النظامي الكتوجي	۱۵۷ - خسرو وشیرین
ت : يشير السباعي	فرنان برودل	١٥٨- هوية فرنسا مج ٢ ، ج٢
ت: إبراهيم فتحي	ديڤيد هوكس	١٥٩- الإيديولوچية
ت: حسين بيومي	بول إيرليش	١٠١٠ ألة الطبيعة
ت: زيدان عبدالطيم زيدان	اليخاندرو كاسونا وأنطونيو جالا	١٩١- من المسرح الإسبائي
ت: صلاح عبدالعزيز محجوب	يوحنا الأسيوى	١٦٢ - تاريخ الكنيسة
ت: بإشراف: محمد الجرهرى	جوردڻ مارشال	١٦٢- موسوعة علم الاجتماع
ت: ئېيل سعد	چان لاکرتیر	١٦٤~ شامبوليون (حياة من نور)
ت: سهير المصادفة	أ. نَ أَفَانَا سَيِفًا	١٦٥- حكايات الثعلب
ت: محمد محمود أبو غدير	يشعياهو ليقمان	١٦٦٦ - العلاقات بين المتدينين والعلمانيين في إسرائيل
ت: شکری محمد عیاد	رابندرانات طاغور	١٦٧– في عالم طاغور
ت: شکری محمد عیاد	مجموعة من المؤلفين	178- دراسات في الأدب والثقافة
ت: شکری محمد عیاد	مجموعة من المبدعين	١٦٩- إبداعات أدبية
ت: بسام ياسين رشيد	ميغيل دليييس	١٧٠– الطريق
ت: هدی حسین	فرائك بيجو	١٧١- وضع حد
ت: محمد محمد الخطابي	مختارات	١٧٢- حجر الشمس
ت:إمام عبد القتاح إمام	ولتر ت. سئيس	١٧٣– معنى الجمال
ت: أحمد محمود	ايليس كاشمور	١٧٤– صناعة الثقافة السوداء
ت: وجيه سمعان عبد المسيح	اورينزو فيلشس	<ul><li>١٧٥ التليفزيون في الحياة اليومية</li></ul>
ت: جلال البنا	توم تيتنبرج	١٧٦ - نحو مفهوم للاقتصاديات البيئية
ت: حصة إبراهيم المنيف	هنرى تروايا	١٧٧– أنطون تشيخوف
ت: محمد حمدی إبراهیم	نخبة من الشعراء	١٧٨- مختارات من الشعر اليوناني الحديث
ت: إمام عبد الفتاح إمام	أيسوب	١٧٩ – حكايات أيسوب
ت: سليم عبد الأمير حمدان	إسماعيل قصيح	۱۸۰ قصة جاويد
ت: محمد يحيى	فنسئت ب. ليتش	١٨١- النقد الأدبي الأمريكي

ت: ياسين طه حافظ	و ، بِ ، <u>بيت</u> س	١٨٢ - العنف والنبوءة
ت: فتّحي العشري	ريئيه چيلسون	١٨٣ چان كوكتو على شاشة السيئما
ت: دسوقی سعید	هائز إبندورقر	١٨٤– القاهرة حالمة لا تنام
ت: عيد الوهاب علوب	توماس تومسن	د١٨٨- أسخار العهد القديم
ت:إمام عبد الفتاح إمام	ميخائيل إنوود	١٨٦ – معجم مصطلحات هيجل
ت:محمد علاء الدين متصور	بُزرْج علوی	١٨٧ الأرضة
ت:بدر الديب	الفين كرنان	۱۸۸ - موت الأدب
ت:سعيد الغائمي	پول دی مان	١٨٩ – العمى والبصيرة
ت:محسن سيد قرچائي	كونقوشيوس	۱۹۰- محاورات كونفوشيوس
ت: مصطفی حجازی السید	الحاج أبو بكر إمام	١٩١ الكلام رأسمال
ت:محمود سلامة علاوى	زين العابدين المراغى	١٩٢- رحلة إبراهيم بك جـ١
ت:محمد عبد الواحد محمد	بيتر أبراهامر	۱۹۲ – عامل المتجع
ت: ماهر شفيق فريد	مجموعة من النقاد	١٩٤- مختارات من النقد الأنجلو-أمريكي
ت:محمد علاء الدين منصور	إسماعيل فصيح	ه۱۹۰ شتاء ۸۶
ت:أشرف الصباغ	فالثين راسبوتين	١٩٦ - المهلة الأخيرة
ت: جلال السعيد الحقثاري	شنمس العلماء شبلي النعماني	۱۹۷- الفاروق
ت:إبراهيم سلامة إبراهيم	ادوين إمرى وأخرون	۱۹۸ - الاتصال الجماهيري
ت: جِمَالُ أَحَمَدُ الرَفَاعَى وأَحْمَدُ عَبِدُ الطَّيْفُ حَمَادُ	يعقوب لانداوى	١٩٩ – تاريخ يهود مصر في الفترة العثمانية
ت: فخرى لبيب	جيرمى سيبروك	٢٠٠- ضبحايا التنمية
ت: أحمد الأنصاري	جوزايا رويس	١ - ٢- الجانب الديثي للفلسفة
ت: مجاهد عبد المنعم مجاهد	ريئيه ويليك	٢٠٢- تاريخ النقد الأدبى الحديث جـ٤
ت: جلال السعيد الحقناوي	ألطاف حسين حالى	٣٠٣– الشعر والشاعرية
ت: أحمد محمود هویدی	زالمان شازار	٣٠٤- تاريخ نقد العهد القديم
ت: أحمد مستجير	لويجي لوقا كافاللي- سفورزا	ه - ۲- الميثات والشعوب واللغات
ت: علی پوسف علی	جيمس جلايك	٢٠٦- الهيولية تصنع علمًا جديدًا
ت: محمد أبو العطا عبد الرؤوف	رامون خوتاسندير	۷-۲- لیل إفریقی
ت: محمد أحمد صالح	دان أوريان	٣٠٨ - شخصية العربي في المسرح الإسرائيلي
ت: أشرف الصياغ	مجموعة من المؤلفين	٢٠٩– النبرد والمسرح
ت: يوسىف عبد الفتاح فرج	سنائي الغزنوي	۲۱۰- مثنویات حکیم سنائی
ت: محمود حمدي عبد الغثي	جوناثان كللر	۲۱۱– فردینان دوسوسیر
ت: يوسف عبدالفتاح فرج	مرزبان بن رستم بن شروین	٣١٢ - قصيص الأمير مرزبان
ت: سيد أحمد على الناميري	ريمون فلاور	١٢ ٧٣- مصر منذ قدوم نابليين حتى رحيل عبدالناصر
ت: محمد محمود محي الدين	أنتونى جيدئز	٢١٤- قواعد جديدة للمنهج في علم الاجتماع
ت: محمود سلامة علاوى	زين العابدين المراغى	٢٠١٥- سياحت نامه إبراهيم بيك جـ٢
ت: أشرف الصباغ	مجموعة من المؤلفين	٢١٦- جوانب أخرى من حياتهم
ت: نادية البنهاوي	ص. بیکیت	۲۱۷– مسرحیتان طلیعیتان
	خولیو کورتازان خولیو کورتازان	۲۱۸ – رایولا

ت: طلعت الشايب	كازو ايشجورو	٢١٩ بقايا اليوم
ت: علی پرسف علی	باری بارکر	٢٢٠ الهيولية في الكون
ت: رفعت سلام	جريجوري جوزدانيس	۲۲۱ شعریة كفافی
ت: تسیم مجلی	رونالد جراى	۲۲۲- قرائز کافکا
ت: السيد محمد نفادي	بول فیرایئر	٣٢٣– العلم في مجتمع حر
ت: مئى عبدالظاهر إبراهيم السيد	برانكا ماجاس	۲۲۶– دمار يوغسېلافيا
ت: السيد عبدالظاهر السيد	جابرييل جارثيا ماركث	٢٢٥– حكاية غريق
ت: طاهر محمد على البربري	ديفيد هربت لورائس	٢٢٦- أرض المساه وقصائد أخرى
ت: السيد عبدالظاهر عبدالله	موسى مارديا ديف بوركى	٣٢٧- السرح الإسبائي في القرن السابع عشر
ت:ماري تيريز عبدالمسيع وخالد حسن	جائيت وولف	٣٢٨ علم الجمالية وعلم اجتماع الفن
ت: أمير إبراهيم العمرى	نورمان كيجان	٢٢٩– مأزق البطل الرحيد
ت: مصطفى إيراهيم فهمى	فرانسواز جاكوب	220- عن الذباب والقئران والبشر
ت: جمال أحمد عبدالرحمن	خايمي سالوم بيدال	۲۳۱– الدرافيل
ت: مصطفى إيراهيم فهمي	توم سثيئر	٢٣٢- ما بعد المعلومات
ت: طلعت الشايب	أرثر هومان	٢٣٢– فكرة الاضمحلال
ت: فۋاد محمد عكود	ج. سېئسر تريمنچهام	222- الإستلام في السودان
ت: إبراهيم النسرقي شتا	جلال الدين مولوى رومي	۲۲۰ دیوان شمس تبریزی ج۱
ت: أحمد الطيب	ميشيل تود	٢٣٦ الولاية
ت: عنايات حسين طلعت	روبين فيرين	۲۳۷– مصر أرض الوادئ
ت: يأسر محمد جادالله وعربي مديرتي أحمد	الانكتاد	٢٣٨- العولمة والتحرير
ت: نادية سليمان حافظ وإيهاب صلاح فايق	جيلارافر رايوخ	٢٢٩- العربي في الأدب الإسرائيلي
ت: صلاح عبدالعزيز محجوب	کامی حافظ	٢٤٠- الإسلام والغرب وإمكانية الحوار
ت: ايتسام عبدالله سعيد	ج . م کویتز	٢٤١- في انتظار البرابرة
ت: صبري محمد حسن عبدالنبي	وليام إمبسون	٢٤٢– سبعة أنماط من الغموض
ت: على عبدالرژوف اليمبي	ليفي بروفنسال	٢٤٣- تاريخ إسبانيا الإسلامية جـ١
ت: نادية جمال الدين محمد	لاورا إسكيبيل	££7– الفليان
ت: توفيق على منصور	إليزابيتا أديس	ه ۲۶ – نساه مقاتلات
ت: على إبراهيم على مترفى	جابرييل جارثيا ماركث	۲٤٦ - مختارات قصصية
ت: محمد طارق الشرقاري	والثر إرمبريست	٧٤٧ - الثقافة الجماهيرية والحداثة في مصر
ت: عبداللطيف عبدالطيم عبدالله	أنطونيو جالا	٢٤٨– <mark>حقرل عدن الخض</mark> راء
ت: رفعت سيلام	دراجو شتامبوك	٢٤٩– لغة التمزق
ت: ماجدة محسن أباظة	دومنييك فينيك	٥٠٠- علم اجتماع العلوم
ت: بإشراف: محمد الجوهري	چوردن مارشال	٥١١- مرسوعة علم الاجتماع (ج٢)
ت: على بدران	مارجو بدران	٢٥٢– رائدات الحركة النسوية المصرية
ت: حسن بيومي	ل. أ. سيميئوڤا	٣٥٣– تاريخ مصر الفاطمية
ت: إمام عبد الفتاح إمام	ديق روينسون وجودي جروقز	٤٥٧- القلسفة
ت: إمام عبد الفتاح إمام	ديف رويئسون وجودي جروفز	٣٥٥ - أغلاطون

۲۵۲- دیکارټ	ديف روينسون ، كريس جرات	ت: إمام عبد الفتاح إمام
٢٥٧- تاريخ الفلسفة الحديثة	وليم كلى رايت	ت: محمود سيد أهمد
۲۵۸ الفجر	سير أنجوس فريزر	ت: عُباده كُحيلة
٢٥٩ مختارات من الشعر الأرمني عبر العصور	اقلام مختلفة	ت: فاروجان كازانجيان
٢٦٠ - موسوعة علم الاجتماع ج٢	جوردن مارشال	ت: باشراف: محمد الجوهري
۲٦١ - رحلة في فكر ركى نجيب محمود	زكى نجيب محمود	ت: إمام عبد الفتاح إمام
٢٦٢- مدينة المعجزات	إدوارد مندوثا	ت: محمد أبو العطا عبد الرؤوف
٢٦٢- الكشف عن حافة الزمن	چون جريين	ت: على يوسف على
٢٦٤- إبداعات شعرية مترجمة	هوراس/ شلی	ت: لويس عوض
٢٦٥ - روايات مترجمة	أوسكار وايلد وصموثيل جونسون	ت: لويس عوض
٢٦٦ مدير المدرسة	جلال آل أحمد	ت: عادل عبدالمنعم سويلم
٢٦٧- فن الرواية	ديفيد لودج	ت: ماهر البطوطى
۲٦٨ ديوان شمس تبريزي ج٢	جلال الدين الرومى	ت: إبراهيم الدسوقي شتا
٢٦٩- وسط الجزيرة العربية وشرقها ج١	وليم چيفور بالجريف	ت: صبري محمد حسن
٢٧٠ وسط الجزير العربية وشرقها ج٢	وليم چيفور بالجريف	ت: صبري محمد حسن
٢٧١– الحضارة الغربية	توماس سى. باترسون	ت: شوقی جلال
٢٧٢- الأديرة الأثرية في مصر	س. س والثرز	ت: إبراهيم سلامة
٢٧٢ - الاستعمار والثورة في الشرق الأوسط	جوان ار، لوك	ت: عذان الشهاوي
٢٧٤ السيدة باربارا	رومولو جلاجوس	ت: محمود مکی
٣٧٥ - ت. س إليوت شاعرا وناقدا وكاتبا مسرحيا	أقلام مختلفة	ت: ماهر شفيق فريد
٢٧٦ - فنون السينما	فرانك جوتيران	ت: عبد القادر التلمساني
٢٧٧- الجيئات: الصراع من أجل الحياة	بريان فورد	ت: أحمد فوزي
۲۷۸– البدایات	إسحق عظيموف	ت: ظريف عبدالله
٢٧٩ - الحرب الباردة الثقافية	ف،س، سوئدرڙ	ت: طلعت الشايب
٢٨٠ - من الأدب الهندى الحديث والمعاصر	بريم شند وأخرون	ت: سمير عبدالحميد
٢٨١ - الفردوس الأعلى	مولانا عبد الحليم شرر الكهنوى	ت: جلال الحفناوي
٢٨٢- طبيعة العلم غير الطبيعية	لويس ولبيرت	ت: سمير حنا صادق
٢٨٣– السهل يحترق	خوان رولقو	ت: على اليمبي
٢٨٤- هرقل مجنونا	يوريبيدس	ت: أحمد عتمان
٢٨٥- رحلة الخواجة حسن نظامي	حسن نظامي	ت: سمير عبد الحميد
٢٨٦- رحلة إبراهيم بك ج٣	زين العابدين المراغي	ت: محمود سنلامة علاوى
٧٨٧- الثقافة والعولمة والنظام العالمي	انتونى كنج	ت: محمد يحيى وأخرون
٨٨٧- الفن الروائي	ديفيد لودج	ت: ماهر البطوطى
۲۸۹- ديوان منجوهري الدامغاني	أبو نجم أحمد بن قوص	ت: محمد نور الدين عبدالمنعم
٢٩٠- علم اللغة والترجمة	<b>جورج مونان</b>	ت: أحمد زكريا إبراهيم
٢٩١ - المسرح الإسباني في القرن العشرين ج١	فرانشسكو رويس رامون	ت: السيد عبد الظاهر
٣٩٢ - المسرح الإسباني في القرن العشرين ج٢	فرانشسكو رويس رامون	ت: السيد عبد الظاهر

ت: نخبة من المترجمين	روجر ألان	٣٩٢- مقدمة لملأدب العربي
ت: رجاء ياقوت صالح	بوالو	٢٩٤ - فن الشعر
ت؛ بدر الدين حب الله الديب	جوزيف كامبل	٢٩٥- سلطان الأسطورة
ت: محمد مصطفی بدوی	وليم شكسبير	۲۴۱ مکبٹ
ت: ماجدة محمد أنور	ديونيسيوس ثراكس - يوسف الأهوائي	٢٩٧ - فن النحو بين اليونانية والسريانية
ت: مصطفی حجازی السید	أبو بكر تفارابليوه	٣٩٨ - مأساة العبيد
ت: هاشم أحمد قۋاد	جين ل. ماركس	٢٩٩- ثورة التكنولوجيا الحيوية
ت: جمال الجزيري وبهاء چاهين	لويس عوض	۲۰۰- أسطورة برومثيوس مج١
ت: جمال الجزيري و محمد الجندي	لويس عوض	٣٠١ أسطورة برومثيوس مج٢
ت: إمام عبد الفتاح إمام	جون هیتون وجودی جروفز	٣٠٢ - فنجنشتين
ت: إمام عبد القناح إمام	چين هوپ ويورن فان لون	۲۰۳– بوذا
ت: إمام عبد الفتاح إمام	ريوس	۳۰۶– مارکس
ت: مسلاح عبد الصبور	كروزيو مالابارته	٢٠٥– الجلا
ت: نبيل سعد	چان – فرانسوا ليونار	٢٠٦- الحماسة - النقد الكانطي للتاريخ
ت: محمود محمد أحمد	ديفيد بابينو	٣٠٧ - الشعور
ت: ممدوح عبد المنعم أحمد	ستيف جونز	٣٠٨ علم الوراثة
ت: جمال الجزيري	أنجوس چيلاتي	٣٠٩- الذهن والمغ
ت: محيى الدين محمد حسن	ناجی هید	۲۱۰- يونج
ت: فاطمة إسماعيل	كولنجوود	٣١١– مقال في المنهج الفلسفي
ت:أسعد حليم	ولیم دی پویز	٣١٢- روح الشعب الأسود
ت: عبدالله الجعيدي	خاپیر بیان	٣١٣ – آمثال فلسطينية
ت: هويدا السباعي	جينس ميثيك	٣١٤ - الفن كعدم
ت: كاميايا صبحي	ميشيل بروندينو	٣١٥- جرامشي في العالم العربي
ت: نسیم مجلی	أ ف. ستون	٣١٦– محاكمة سقراط
ت: أشرف المنباغ	شير لايموفا- زنيكين	۳۱۷ پلاغد
ت: أشرف الصباغ	نخبة	٢١٨- الأدب الروسي في السنوات العشر الأخيرة
ت: حسام نايل	جايتر ياسبيفاك وكرستوفر نوريس	۲۱۹ – صور دریدا
ت: محمد علاء الدين منصور	محمد روشن	-٣٢٠ لمعة السراج في حضرة التاج
ت: نخبة من المترجمين	ليفى برو فتسال	٣٢١- تاريخ إسبانيا الإسلاميةج٢
ت: ځالد مفلح حمزه	دبئيو يوجين كلينباور	٣٢٢- وجهات غربية حديثة في تاريخ الفن
ت: هانم سليمان	تراث يوناني قديم	٣٢٣ فن الساتورا
ت: محمود سلامة علاوى	أشرف أسدى	٣٢٤← اللعب بالنار
ت: كرستين يوسف	فيليب بوسان	ه٣٢- عالم الآثار
ت: حسن صقر	جورجين هابرماس	٢٢٦- المعرفة والمصلحة
ت: توفيق على منصور	نخبة	٣٢٧- مختارات شعرية مترجمة
ت: عبد العزيز بقوش	نور الدين عبد الرحمن بن أحمد	٣٢٨– يوسف وزليخا
ت: محمد عيد إبراهيم	تد میوز	٣٢٩ - رسائل عيد الميلاد
ت: سامی صلاح	مارقن شبرد	٣٢٠- كل شيء عن التمثيل الصامت

ت: سامية دياب	ستيفن جراى	٣٣١- عندما جاء السردين
ت: على إبراهيم على منوفي	نخبة	٣٣٢- القصة القصيرة في إسبانيا
ت: بکر عباس	نبیل مطر	٣٣٣- الإسلام في بريطانيا
ت: مصطفی فهمی	أرثر س كلارك	٣٣٤ لقطات من المستقبل
ت: فتحي العشرى	ناتانی ساروت	٣٣٥– عصبر الشك
ت: حسن صابر	نصوص قديمة	٣٣٦– متون الأهرام
ت: أحمد الأنصاري	جوزاية رويس	٣٣٧- فلسفة الولاء
ت: جلال السعيد الحقناوي	نخبة	٣٣٨– قصيص قصيرة من الهند
ت: محمد علاء الدين منصور	على أصغر حكمت	٣٢٩- تاريخ الأدب في إيران جـ٣
ت: فغرى لبيب	بيرش بيربيروجلو	- ٢٤- اضطراب في الشرق الأوسط
ت: حسن حلمی	راينر ماريا رلكه	۳٤۱ – قصائد من رلکه
ت: عبد العزيز يقوش	نور الدين عبدالرحمن بن أحمد	۲۶۲- سىلامان وأبسىال
ت: سمیر عبد ربه	نادين جورديمر	٣٤٢- العالم البرجوازي الزائل
ت: سمير عبد ريه	بيتر بلانجوه	٢٤٤– الموت في الشمس
ت: يوسف عبد الفتاح فرج	بوئه ندائى	٣٤٥ - الركض خلف الزمن
ت: جمال الجزيري	رشاد رشدی	٣٤٦ - سحر مصر
ت: بكر الطو	جان کوکتو	٣٤٧ الصبية الطائشون
ت: عبدالله أحمد إبراهيم	محمد فؤاد كوبريلى	٣٤٨- المتصوفة الأولون في الأدب التركي جـ١
ت: أحمد عمر شاهين	أرثر والدرون وأخرون	٣٤٩ - دليل القارئ إلى الثقافة الجادة
ت: عطية شحاتة	أقلام مختلفة	٣٥٠- بانوراما الحياة السياحية
ت: أحمد الانصاري	جوزايا رويس	١٥٦- مبادئ المنطق
ت: نعيم عطية	قسطنطين كفافيس	٣٥٢– قصائد من كفافيس
ت: على إبراهيم على منوفي	باسيليو بابون مالدوناند	٣٥٣- الفن الإسلامي في الأندلس (الزخرفة الهندسية)
ت: على إبراهيم على منوفي	باسيليو بابون مالدوناند	<ul> <li>٤ ٥ ٣ - القن الإسلامي في الأندلس (الزخرفة النبائية)</li> </ul>
ت: محمود سلامة علاوي	حجت مرتضى	٥٥٥- التيارات السياسية في إيران
ت: بدر الرفاعي	بول سنالم	٣٥٦- الميراث المر
ت: عمر الفاروق عمر	نصوص قديمة	∨ه۲۰− متون هیرمیس
ت: مصطفى حجازى السيد	نخبة	٥٨ ٢ أمثال الهوسا العامية
ت: حبيب الشاروني	أفلاطون	۹ ه ۲ – محاورات بارمنیدس
ت: ليلي الشربيني	أندريه جاكوب ونويلا باركان	٣٦٠- أنثروبولوچيا اللغة
ت: عاطف معتمد وأمال شاور	آلان جرينجر	٣٦١- التصحر: التهديد والمجابهة
ت: سبيد أحمد فتح الله	هايئرش شبورال	٣٦٢~ تلميڈ بابنيبرج
ت: صبري محمد حسن	ريتشارد جيبسون	٣٦٢- حركات التحرر الأفريقي
ت: نجلاء أبر عجاج	إسماعيل سراج الدين	٣٦٤– حداثة شكسبير
ت: محمد أحمد حمد	شارل بودلير	٣٦٥– سنام باريس
ت: مصطفی محمود محمد	كالاريسا بنكولا	٣٦٦- نساء يركضن مع الذئاب
ت: البرَّاق عبدالهادي رضا	نخبة	٣٦٧- القلم الجريء
ت: عابد خزندار	جيرالد برنس	۲۹۸- الصطلع السردي

ت: فورية العشماوي	فوزية العشماوي	٣٦٩- المرأة في أدب نجيب محفوظ
ت: فاطمة عبدالله محمود	کلیرلا لویت کلیرلا لویت	٣٧٠- الفن والحياة في مصر الفرعونية
ت: عبدالله أحمد إبراهيم	محمد فؤاد كوبريلى	٣٧١ - المتصوفة الأولون في الأدب التركي ج٢
ت: وحيد السعيد عبدالحميد	وانغ مينغ	٣٧٢ عاش الشباب
ت: على إبراهيم على منوفى	أمبرتو إيكو	٢٧٢-كيف تعد رسالة دكتوراه
ت: حمادة إبراهيم	أندريه شديد	٢٧٤– اليوم السادس
ت: خالد أبو اليزيد	ميلان كونديرا	۵۷۷ – الخلود
ت: إدوار الخراط	نخبة	٣٧٦- الغضب وأحلام السنين
ت: محمد علاء الدين منصور	على أصغر حكمت	٣٧٧-تاريخ الأدب في إيران جـ٤
ت: يوسف عبدالفتاح فرج	محمد إقبال	۳۷۸– المسافر
ت: جمال عبدالرحمن	سئيل باٿ	٣٧٩- ملك في الحديقة
ت: شيرين عبدالسلام	جوئثر جراس	٣٨٠ حديث عن الخسارة
ت: رانيا إبراهيم يوسف	ر، ل. تراسك	٢٨١- أساسيات اللغة
ت: أحمد محمد نادي	بهاء الدين محمد إسفنديار	۲۸۲-تاریخ طبرستان
ت: سمير عبدالحميد إبراهيم	محمد إقبال	٣٨٣ مدية الحجاز
ت: إيزابيل كمال	سوزان إنجيل	٢٨٤- القصص التي يحكيها الأطفال
ت: يوسف عبدالفتاح فرج	محمد على بهزادراد	۲۸۰- مشتری العشق
ت: ريهام حسين إبراهيم	جانيت تود	٣٨٦- دفاعًا عن التاريخ الأدبي النسوي
ت: بهاء چاهين	چون دن	٢٨٧- أغنيات وسنوناتات
ت: محمد علاء الدين منصور	سعدى الشيرازي	۲۸۸ - مواعظ سعدی الشیرازی
ت: سمير عبدالحميد إبراهيم	نخبة	٣٨٩- من الأدب الباكستاني المعاصر
ت: عثمان مصطفى عثمان	نخبة	٣٩٠- الأرشيفات والمدن الكبري
ت: مثى الدرويي	مایف بینشی	٢٩١- الحافلة اللبيكية
ت: عبداللطيف عبدالحليم	نخبة	٣٩٢ مقامات ورسائل أندلسية
ت: نخبة	ندوة لويس ماسينيون	٣٩٣ – في قلب الشرق
ت: فاشم أحمد محمد	بول ديفيز	٣٩٤- القوى الأساسية الأربع في الكون
ت: سليم حمدان	إسماعيل فصيح	۳۹۵ – الام سیاوش
ت: محمود سالامة علاوي	تقی نجاری راد	۲۹٦ - السيافاك
ت: إمام عبدالفتاح إمام	لورائس جين	۲۹۷ - نیتشه
ت: إمام عبدالفتاح إمام	فيليب تودى	۲۹۸ – سارتر
ت: إمام عبدالفتاح إمام	ديفيد ميروفتس	۲۹۹– کامی
ت: باهر الجوهرى	مشيائيل إنده	٠٠٠ ع- عومو
ت: ممدوح عبد المنعم	زيادون ساردر	۲۰۱ - الرياضيات

التنفيذ والطباعة: Stampa التنفيذ والطباعة: المهندسين المهندسين المهندسين 3034408 - 3034408